| 1. Publicação nº  | 3. Data   | 5. Distribuição  |   |
|---|---|--|---|
| 4. Origem   | <br>Programa<br>FRH/ECO   |  | 🔲 Interna 🕮 Externa   |
|   |   | o(c) puton(co  | <u> </u>  |
| PAINEL SOLAR<br>ARRANJO SOLAR   | DESCAL<br>SOMBRI  | SAMENTO DE CÉL<br>EAMENTO DE CÉL                         | )<br>ULAS SOLARES<br>ULAS SOLARES   |
| 7. C.D.U.: 621.383.5  |   |  |   |
| 8. Titulo   | INPE-3  | 892 <b>-</b> TDL/224                                     | 10. Pāginas: 148  |
| ESTIMATIVA DA PERDA DE<br>E SOMBRA EM PAINÉIS S   | <i>POTÊNCIA POR D<br/>SOLARES DE USO</i>                                | ESCASAMENTO<br>ESPACIAL                                  | 11. Ūltima pāgina: <i>B-29</i>  |
|   |   |  | 12. Revisada por  |
| 9. Autoria Geraldo Jo   | osé Adabo   |  | Ronald D.P.K.C. Ranvaud   |
| Assinatura responsável =  | -A-A-   | >  | Marco Antonio Raupp<br>Diretor Geral  |
| 14. Resumo/Notas  |   |  | C   |
| Este t<br>em arranjos fotovoltaio<br>las e aos efeitos do so<br>mento e similação em co | trabalho aprese<br>cos de uso espa<br>ombreamento. O<br>omputador digit | nta um estudo<br>cial devido ac<br>estudo foi fer<br>al. | de perdas de potência<br>o descasamento das celu<br>ito através de model <u>a</u> |
|   |   |  |   |
|   |   |  |   |
|   |   |  |   |
| 15. Observações <sub>Disser</sub><br>aprovada em outu                                   | tação de mestro<br>bro de 1985.   | ndo em Eletrôn   | ica e Telecomunicações  |

/

Aprovada pela Banca Examinadora em cumprimento a requisito exigido para a obtenção do Título de Mestre em Eletrônica e Telecomunicações

| Dr. Eduardo Whitaker Bergamini      | Edwardy 5 J                    |
|-------------------------------------|--------------------------------|
|                                     | Presidente                     |
| Dr. Ronald D.P.K.C.Ranvaud          | Drientador                     |
| Dr. Alderico Rodrigues de Paula Jr. | Alterin Factor                 |
|                                     | Co-Orientador                  |
| Engº Renato Duarte Costa,Mestre     | Renatorhandoro                 |
| Dr. Rege Romeu Scarabucci           | liqe. SE                       |
|                                     | Membro da Banca<br>-convidado- |

Candidato: Geraldo José Adabo

São José dos Campos, 31 de outubro de 1985

#### ABSTRACT

This work presents a study of power losses in solar arrays for space aplications due to solar cell mismatching and shadow effects. The study was done with modelling and simulation using a digital computer.

À minha esposa Rosangela e à minha filha Ligia.

### AGRADECIMENTOS

Ao Dr. Ronald D.P.K.C. Ranvaud pela orientação, ao Dr. A<u>1</u> derico R. de Paula Junior e ao Eng. Renato Duarte Costa pela co-orient<u>a</u> ção.

A todos aqueles cujo apoio permitiu a realização deste trabalho.

## SUMÁRIO

## Pāg.

| LISTA DE FIGURAS  | xi           |
|---|--------------|
| LISTA DE TABELAS  | xυ           |
| LISTA DE SÍMBOLOS   | xvii         |
| <u>CAPITULO 1 - INTRODUÇÃO</u>  | 1            |
| CAPTTULO 2 - FUNDAMENTOS DE ARRANJOS FOTOVOLTAICOS  | 3            |
| 2.1 - Célula Fotovoltaica   | 3            |
| 2.1.1 - Modelo para simulação   | 4            |
| 2.1.2 - Importância relativa dos parâmetros na equação de uma cé<br>lula solar                      | 9            |
| 2.1.2.1 - Corrente fotogerada   | 10           |
| 2.1.2.2 - Resistência em série  | 10           |
| 2.1.2.3 - Corrente de saturação   | ° <b>1</b> 1 |
| 2.1.2.4 - Fator de idealidade do diodo  | 12           |
| 2.1.3 - Efeitos do ângulo de incidência   | 13           |
| 2.2 - Arranjos fotovoltaicos  | 15           |
| 2.2.1 - Cadeias   | <b>1</b> 5   |
| 2.2.1.1 - Células identicas   | 16           |
| 2,2.1.2 - Células não-idênticas   | 17           |
| 2.2.2 - Submodulos  | 19           |
| 2.2.3 - Modulos   | 21           |
| 2.2.4 - Arranjos  | 22           |
| 2.3 - Perdas por processamento em arranjos fotovoltaicos  | 22           |
| 2.4 - Arranjos sombreados   | 24           |
| 2.5 - Diodos de proteção  | 25           |
| 2.5.1 - Diodo de bloqueio   | 25           |
| 2.5.2 - Diodo paralelo  | 26           |
| CAPÍTULO 3 - ESTIMATIVA DA PERDA DE POTÊNCIA POR DESCASAMENTO EM<br>PAINEIS SOLARES DE USO ESPACIAL | 29           |
| 3.1 - Descrição do arranjo  | 29           |
| 3.2 - Programa simulador  | 38           |
| 3.2.1 - Descrição do algoritmo  | 39           |

Pag.

| 3.2.2 - Entrada dos dados  | 45 |
|--|----|
| 3.2.3 - Saīda de resultados  | 46 |
| 3.3 - Estudos de perdas por descasamento   | 48 |
| 3.3.1 - Perdas por descasamento em cadeias de células solares  | 48 |
| 3.3.2 - Perdas por descasamento em submódulos de células solares .   | 49 |
| 3.3.3 - Perdas por descasamento em módulos de células solares  | 50 |
| 3.3.4 - Comentários gerais   | 52 |
| CAPÍTULO 4 - ESTIMATIVA DA PERDA DE POTÊNCIA POR SOMBRA EM PAINEIS<br>SOLARES  | 53 |
| 4.1 - Modelamento temático de uma celula solar sob sombra parcial.   | 53 |
| 4.2 - Características geométricas da sombra no painel antigeocên<br>trico  | 60 |
| 4.3 - Programa simulador   | 64 |
| 4.3.1 - Descrição do algorítmo   | 65 |
| 4.3.2 - Entrada de dados   | 73 |
| 4.3.3 - Saīda de resultados  | 74 |
| 4.4 - Estudos de sombreamento  | 74 |
| 4.4.1 - Perda de potência por sombreamento no painel antigeocêntr <u>i</u> co sem diodos paralelos   | 75 |
| 4.4.2 - Perda de potencia por sombreamento no painel antigeocentri<br>co com diodos paralelos  | 83 |
| 4.4.3 - Análise comparativa dos efeitos do sombreamento na perda<br>de potência do painel antigeocêntrico com e sem diodos p <u>a</u><br>ralelos | 85 |
| <u>CAPÍTULO 5 - CONCLUSÕES</u>   | 87 |
| REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS   | 89 |
| APÊNDICE A - DESCRIÇÃO DO ARRANJO FOTOVOLTAICO DO SATÉLITE DE COLE<br>TA DE DADOS  |    |

APÊNDICE B - PROGRAMA SIMULADOR

### LISTA DE FIGURAS

| 2.1 - Célula fotovoltaica   | 4  |
|---|----|
| 2.2 - Características I-V de uma celula solar com convenção de corrente positiva quando fluindo no sentido inverso dentro da celula       | 5  |
| 2.3 - Circuito equivalente de uma celula solar  | 5  |
| 2.4 - Características inversas de celulas solares de silício<br>(20 x 40mm) obtidas experimentalmente                                     | 7  |
| 2.5 - Pontos principais da curva I-V de uma célula  | 8  |
| 2.6 - Curva P-V de uma célula solar   | 9  |
| 2.7 - Efeito da mudança na corrente fotogerada na curva I-V de uma celula solar   | 10 |
| 2.8 - Efeito de mudanças na resistência em série na curva I-V de uma célula solar   | 11 |
| 2.9 - Efeito de uma mudança na corrente de saturação na curva<br>I-V de uma célula solar  | 12 |
| 2.10 - Efeito de mudanças no fator de idealidade de diodo na cur<br>va I-V de uma celula solar  | 13 |
| 2.11 - Celula solar recebendo iluminação a um ângulo alfa   | 14 |
| 2.12 - Medidas experimentais da corrente de curto-circuito norma<br>lizada em função do ângulo de incidência (celula<br>Spectrolab K6700) | 15 |
| 2.13 - Circuito equivalente de uma cadeia de células solares  | 16 |
| 2.14 - Esquema elétrico de um submódulo genérico  | 19 |
| 2.15 - Submodulo constituido de N celulas em paralelo   | 21 |
| 2.16 - Modulo genérico constituido de N submodulos  | 22 |
| 2.17 - Características I-V (linha tracejada) de uma associação<br>em série de duas células descasadas                                     | 23 |
| 2.18 - Diodos de bloqueio num arranjo fotovoltaico  | 25 |
| 2.19 - Características I-V de um modulo fotovoltaico com diodo de bloqueio  | 26 |
| 2.20 - Célula solar ligada com diodo em paralelo  | 27 |
| 2.21 - Curva I-V (linha tracéjada) de uma célula solar com diodo<br>em paralelo   | 27 |
| 3.1 - Painēis lateral e antigeocēntrico previstos para os primei<br>ros satēlites da MECB   | 30 |
| 3.2 - Esquema elétrico do painel antigeocêntrico  | 31 |

# Pāg.

| 3.3 - Esquema elétrico do painel lateral  |
|---|
| 3.4 - Distribuição normal com média e desvio padrão   |
| 3.5 - Curvas características inversas da amostra de celulas Spectrolab  |
| 3.6 - Seqüência de operações para calculo da perda por descasamento de um modulo  |
| 3.7 - Fluxograma funcional da sub-rotina cadeia   |
| 3.8 - Fluxograma funcional da sub-rotina submodulo  |
| 3.9 - Fluxograma funcional do programa simulador  |
| 3.10 - Perdas por descasamento em submódulo de células solares  |
| 3.11 - Perda de potência por descasamento em submódulos em função<br>do número de celulas   |
| 4.1 - Características I-V de uma célula solar para variações a ní<br>vel de iluminação e área iluminada   |
| 4.2 - Características de desempenho de uma celula solar para va<br>riações de IO  |
| 4.3 - Comparação entre a razão potência máxima com sombra e po<br>tência máxima ao nível de iluminação equivalente em função<br>da área não-sombreada |
| 4.4 - Tensão de circuito aberto e potência máxima relativas em<br>função da corrente de saturação inversa relativa de uma cé<br>lula espacial         |
| 4.5 - Fator multiplicativo da corrente de saturação em função da<br>razão entre área iluminada e área total da célula                                 |
| 4.6 - Sombra e penumbra do mastro iluminado com incidência perpen<br>dicular ao seu eixo longitudinal   |
| 4.7 - Vista lateral do satélite sob iluminação  |
| 4.8 - Geometria da sombra do mastro   |
| 4.9 - Comprimento de sombra da antena   |
| 4.10 - Fluxograma funcional do programa simulador de arranjos fo<br>tovoltaicos sombreados  |
| 4.11 - Fluxograma funcional da sub-rotina SDMBRA  |
| 4.12 - Célula solar com suas coordenadas cartesianas  |
| 4.13 - Distribuição de células para o estudo de sombra do mastro<br>(a) e antena (b)  |
| 4.14 - Posicionamento geométrico dos setores do painel antigeocên<br>trico para estudo de sombra  |
| 4.15 - Fluxograma funcional da sub-rotina CALCULAKS   |

## Pag.

| 4.16 |   | Coordenadas básicas da sombra do mastro  | 71 |
|------|---|--|----|
| 4.17 | - | Perda de potência por sombra do mastro com ângulo de inci<br>dência de 45º                                       | 78 |
| 4.18 | - | Perda de potência por sombra da antena num setor do painel<br>antigeocêntrico para o ângulo de incidência de 45º | 79 |
| 4.19 | 1 | Perda por sombra dos elementos estruturais no painel anti<br>geocentrico com angulo de incidência de 45º         | 82 |
| 4.20 | - | Perda por sombra no painel antigeocêntrico usando células<br>com diodo integrado a um ângulo de 45º              | 85 |

### LISTA DE TABELAS

| 3.1 | - | Dados de especificação das células spectrolab de uso espa<br>cial (tipo K6700)  | 34 |
|-----|---|---|----|
| 3.2 | - | Faixas de valores dos parâmetros de um lote de células de<br>uso espacial   | 34 |
| 3.3 | - | Valores de corrente direta para tensões inversas em célu<br>las solares 20 x 40mm - spectrolab  | 35 |
| 3.4 | - | Média e desvio padrão dos parâmetros de um lote de células<br>solares real  | 37 |
| 3.5 | - | Dados de células geradas aleatoriamente pelo programa mód <u>u</u><br>lo  | 47 |
| 3.6 | - | Perda de potência por descasamento num módulo fotovoltaico<br>com diferentes configurações elétricas                                    | 51 |
| 4.1 |   | Influência da condutância inversa das celulas na perda de<br>potência do arranjo fotovoltaico   | 75 |
| 4.2 | - | Perda de potência média por sombra relativa ao mastro   | 77 |
| 4.3 | - | Perda de potência por sombra da antena num setor do painel<br>antigeocêntrico   | 80 |
| 4.4 | - | Perda média de potência por sombra das antenas no poten<br>cial antigeocêntrico   | 81 |
| 4.5 | - | Valores médios e máximos da perda de potência por sombra<br>no painel antigeocêntrico   | 83 |
| 4.6 | - | Comparação entre os valores médio e máximo da perda de po<br>tência por sombra no painel antigeocêntrico com e sem dio<br>dos paralelos | 86 |

## Pāg.

## LISTA DE SÍMBOLOS

| А                              | - Fator de idealidade do diodo  |
|--------------------------------|---|
| А <sub>с</sub>                 | - Fator de idealidade da cadeia   |
| A <sub>sm</sub>                | - Fator de idealidade do submõdulo  |
| d <sub>sm</sub>                | - Distância entre o mastro e o Sol  |
| ĸ <sub>s</sub>                 | - Fator multiplicativo da corrente de diodo de uma celula solar<br>sombreada parcialmente |
| $F_{\alpha}$                   | - Fator de transmissão da cobertura   |
| F.P.                           | - Fator de preenchimento  |
| G                              | - Condutância inversa da célula   |
| i                              | - Corrente de terminal  |
| I <sub>c</sub>                 | - Corrente da cadeia  |
| I <sub>cc</sub>                | - Corrente de curto-circuito  |
| id                             | - Corrente de diodo   |
| I<br>dp                        | - Corrente do diodo paralelo  |
| ΙL                             | - Corrente fotogerada   |
| I <sub>L</sub> c               | - Corrente fotogerada da cadeia   |
| IL <sub>0c</sub>               | - Corrente fotogerada da cadeia na condição de circuito aberto                            |
| I <sub>L</sub> sm              | - Corrente fotogerada do submodulo  |
| I <sub>m</sub>                 | - Corrente do modulo  |
| İ <sub>mp</sub>                | - Corrente de máxima potência   |
| <sup>I</sup> 0                 | - Corrente de saturação inversa   |
| <sup>I</sup> 0 <sub>c</sub>    | - Corrente de saturação inversa da cadeia   |
| ' <sup>I</sup> O <sub>sm</sub> | - Corrente de saturação inversa do submodulo  |
| i <sub>p</sub>                 | - Corrente na resistência em paralelo   |
| K                              | - Coeficiente de nível de iluminação  |
| ٦<br>s                         | - Comprimento da sombra   |
| PD                             | - Perda por descasamento  |

P<sub>Maxa</sub> - Potência máxima do arranjo - Potência máxima de uma celula PMaxn - Razão entre a ārea iluminada e a ārea total de uma celula KR com sombra parcial - Resistência em serie R R<sub>p</sub> - Resistência em paralelo <sup>R</sup>sc - Resistência em série da cadeia  $^{R}p_{c}$ - Resistência em paralelo da cadeia R<sub>s</sub>sm - Resistência em serie do submódulo R<sub>psm</sub> - Resistência em paralelo do submódulo S - Intensidade solar efetiva s<sub>0</sub> - Intensidade de luz solar - Tensão de terminal ٧ - Tensão da cadeia ۷<sub>c</sub> ۷<sub>ca</sub> - Tensão de circuito aberto V<sub>cac</sub> - Tensão de circuito aberto da cadeia - Tensão de condução do diodo ٧<sub>d</sub> - Tensão do diodo de bloqueio V<sub>db</sub> - Tensão do modulo ۷<sub>m</sub> ۷<sub>mp</sub> - Tensão de máxima potência - Tensão inversa maxima permissível de uma celula ۷<sub>r</sub>

- Parâmetro da equação da celula solar relacionado com o fator de idealidade do diodo e a temperatura λ<sub>n</sub> - Parâmetro da equação da cadeia similar a  $\lambda_{\mathbf{n}}$ λ<sub>c</sub> - Ângulo de incidência α - Média da distribuição μ - Desvio padrão da distribuição σ - Diâmetro do mastro ф<sub>ш</sub> - Diâmetro do sol ¢sol - Ângulo azimutal β

#### CAPÍTULO 1

#### INTRODUÇÃO

Um satélite artificial necessita de energia elétrica para manter seus subsistemas em funcionamento e atingir os objetivos da mis são.

O subsistema de Suprimento de Energia é responsavel pelo fornecimento da energia aos demais e é constituído basicamente de um <u>ge</u> rador primário, regulador de tensão, baterias recarregáveis e eletrôni ca de condicionamento e distribuição de potência.

A mais usual fonte de energia primária para satélite é de natureza fotovoltaica; o gerador consiste em um conjunto de painéis de células solares.

Além da otimização do rendimento das células solares e da resistência às degradações impostas pelo ambiente espacial, o aproveit<u>a</u> mento pleno da energia solar requer um casamento das características elétricas das células, o que so ocorre no caso ideal em que todas as c<u>é</u> lulas são idênticas.

Neste trabalho são estudados dois tipos de descasamento, sendo um inevitável e outro acidental. O primeiro é devido ao processo de fabricação e o segundo, muito mais indesejável, é causado por sombra dos elementos estruturais do satélite sobre as células.

O objetivo deste trabalho é estimar as perdas de potência causadas por um e outro fenômeno.

Dentro deste propósito e considerando a quantidade de i<u>n</u> formação envolvida no assunto, apresenta-se no Capitulo 2 uma pesquisa bibliográfica, assim como os fundamentos teóricos utilizados no trab<u>a</u> lho. No Capitulo 3 é apresentado um estudo do descasamento na tural de células, para o qual foi desenvolvido um programa simulador im plementado em computador digital. Este estudo se baseia em parâmetros reais de uma célula espacial e estima a perda de potência por descasa mento em diversas combinações série e paralelo, objetivando aplicar os resultados ao arranjo solar do Satélite de Coleta de Dados da Missão Es pacial Completa Brasileira.

O Capitulo 4 descreve o estudo da perda de potência por sombreamento parcial do painel antigeocêntrico do satélite causado pelo mastro e antenas. Uma ampliação do programa já mencionado fez-se neces sária, uma vez que a simulação de arranjos sombreados requer o conhec<u>i</u> mento do desempenho elétrico da célula sob essa situação e do comport<u>a</u> mento da sombra dos elementos estruturais do satélite. Com base nos r<u>e</u> quisitos desenvolvidos faz-se uma estimativa da perda de potência por sombra no arranjo solar do satélite, considerando também a utilização de diodos paralelos para minimização de perdas.

No Capítulo 5 são apresentadas as conclusões obtidas a partir dos resultados das simulações constantes nos Capítulos 3 e 4.

#### CAPÍTULO 2

#### FUNDAMENTOS DE ARRANJOS FOTOVOLTAICOS

Neste capítulo são apresentadas as bases teóricas nas quais este trabalho se fundamenta.

Dentro desse propósito, faz-se uma descrição da célula fo tovoltaica que abrange o modelo adotado para simulação, os parâmetros en volvidos no modelo e os efeitos do ângulo de incidência na curva carac terística corrente-tensão do dispositivo.

Em seguida, apresenta-se o conceito de cadeia de células solares e as equações I(V) para cadeias constituídas de células idênti cas e não-idênticas. Outras considerações são feitas sobre a arquitetu ra elétrica de arranjos fotovoltaicos, incluindo os conceitos de submó dulo, módulo, descasamento de células solares e sombreamento parcial em arranjos de células solares.

Finalmente, apresentam-se os diodos de proteção, suas apl<u>i</u> cações e efeitos na característica I-V de arranjos fotovoltaicos.

#### 2.1 - CELULA FOTOVOLTAICA

Célula fotovoltaica é um dispositivo semicondutor que <u>ge</u> ra eletricidade por efeito fotovoltaico, quando exposto a algum tipo de radiação eletromagnética. Constituida de uma junção p-n, sua eficiência é a razão entre a potência elétrica máxima de saída e o produto da área da célula pela irradiância.

Neste trabalho sera considerada a celula solar de silício monocristalino, de uso espacial, de dimensões 20 x 40mm.

A Figura 2.1 mostra esquematicamente uma celula solar ti pica.



Fig. 2.1 - Celula fotovoltaica.

O polo positivo da celula da Figura 2.1  $\in$  o condutor met $\underline{\hat{a}}$ lico ligado ao material dopado com impurezas do tipo p. O polo negativo  $\in$  a grade coletora que serve para coletar os portadores gerados pelos fotons incidentes na superficie da celula.

### 2.1.1 - MODELO PARA SIMULAÇÃO

A célula solar possui uma curva característica I-V como a da Figura 2.2.



Fig. 2.2 - Característica I-V de uma celula solar com convenção de cor rente positiva quando fluindo no sentido inverso dentro da celula.

Como pode ser visto na figura anterior, existem duas regiões distintas na característica I-V: região de tensões diretas (V > U) e região de tensões inversas (V < 0).

Um circuito equivalente de uma celula solar que opera em tensões diretas, adotado neste trabalho, cujos parâmetros são descritos a seguir, e apresentado na Figura 2.3. Este modelo foi adotado por ser freqüentemente utilizado em trabalhos de engenharia, inclusive em Shechter (1983), cujos resúltados são aplicados neste trabalho.



Fig. 2.3 - Circuito equivalente de uma celula solar.

A equação matemática que representa o circuito equivalen te da Figura 2.3  $\vec{e}$ :

$$\mathbf{i} = \mathbf{I}_{\mathsf{L}} - \mathbf{I}_{\mathsf{d}} - \mathbf{I}_{\mathsf{P}}, \tag{2.1}$$

onde:

$$i_{d} = I_{0} (exp(q.(v+R_{s}.i)/(A.K.T))-1),$$
  

$$i_{p} = (v+R_{s}.i)/R_{p}.$$
  
Assim, tem-se:

$$i = I_{L} - I_{0}(\exp(q(v + R_{s}.i)/A.K.T) - 1) - (v + R_{s}.i)/R_{p},$$
 (2.2)

onde:

- v: tensão de terminal.
- i: corrente de terminal.
- I<sub>L</sub>: corrente fotogerada, produto da geração de portadores atr<u>a</u> vés da incidência de fotons na superfície da célula.
- I<sub>0</sub>: corrente de saturação inversa do diodo é a corrente resul tante da injeção de portadores minoritários de um lado para outro da junção (predominantemente com tensões diretas al tas) e ao mecanismo de recombinação dos portadores minoritá rios na região de carga espacial (predominantemente com ten sões diretas baixas).
- A: fator de idealidade do diodo, utilizado no ajuste de curvas de celulas reais à característica exponencial da junção. Va ria entre 1 e 2 ao longo da curva característica I-V do dio do e está relacionado com o mecanismo de transporte dominan te, injeção (A=1) e geração e recombinação de portadores mi noritários (A=2).

- R<sub>s</sub>: resistência em série da célula, que representa uma idealiza ção das perdas dissipativas que podem ocorrer numa célula, tais como, resistência de folha, resistência do contato e da metalização na base da célula e resistência do filme fi no que forma a grade coletora.
- R<sub>p</sub>: resistência em paralelo da celula, consequência de fugas através da junção p-n (corrente de recombinação), pelas bor das da celula (fuga de superfície) e fendas de superfície.
   A ordem de grandeza de R<sub>p</sub> para celulas 20 x 40mm de uso es pacial varia de 1Kohm a 100Kohm, sendo seu efeito usualmen te considerado desprezível no projeto de arranjos.
- q: carga do elétron.
- K: constante de Boltzmann: 8,617 E-5 e V/K.
- T: temperatura em graus Kelvin.

A característica inversa de celulas solares de silício mo nocristalino e dependente do processo de fabricação, diferindo muito mes mo entre celulas de um mesmo lote, conforme mostra a Figura 2.4.



Fig. 2.4 - Características inversas de celulas solares de silício (20 x 40mm) obtidas experimentalmente.

FONTE: Rauschenbach, (1980).

A Figura 2.2, que representa a curva característica I-V de uma célula solar, mostra que a referida curva é contínua e possui d<u>e</u> rivada monotônica.

Três pontos da curva I-V de uma celula são de importância primordial na sua análise de desempenho: corrente de curto-circuito  $(I_{cc})$ , tensão de circuito aberto  $(V_{ca})$  e ponto de máxima potência carac terizado pela tensão de máxima potência  $(V_{mp})$  e corrente de máxima potên cia  $(I_{mp})$ .

As Figuras 2.5 e 2.6 mostram os parametros principais da curva I-V de uma celula.



Fig. 2.5 - Pontos principais da curva I-V de uma celula.



Fig. 2.6 - Curva P-V de uma celula solar.

Um parametro que relaciona os pontos principais da curva I-V de uma célula é o fator de preenchimento, que é definido como:

$$F.P. = (V_{mp} \times I_{mp}) / (V_{ca} \times I_{cc}).$$
 (2.3)

O fator de preenchimento é um indicador da qualidade da célula solar, sendo este a razão entre a área abaixo da curva e a área do retângulo, cujas coordenadas são a corrente de curto-circuito e a ten são de circuito aberto.

Uma celula e tanto melhor quanto mais proximo de 1 e seu fator de preenchimento. Celulas de uso espacial possuem fator de preen chimento melhor que 0,75.

### 2.1.2 - IMPORTÂNCIA RELATIVA DOS PARÂMETROS NA EQUAÇÃO DE UMA CÉLULA SO LAR

Variações nos parâmetros do modelo da célula solar, apr<u>e</u> sentados na Subseção 2.1.1., modificam diferentemente a característica I-V de uma célula solar. 2.1.2.1 - CORRENTE FOTOGERADA

Variações do nivel de iluminação provocam mudanças de I<sub>L</sub>, as quais por sua vez acarretam modificações na corrente de curto-circui to e na tensão de circuito aberto, conforme é mostrado na Figura 2.7.



Fig. 2.7 - Efeito da mudança na corrente fotogerada na curva I-V de uma celula solar.

FONTE: Kennerud (1969).

Variações do nivel de iluminação podem ser representadas matematicamente pela Equação 2.4:

$$i = K.I_{L} - I_{0} (q.(v+R_{s}.i)/A.K.T)-1),$$
 (2.4)

onde K  $\tilde{e}$  o modificador de intensidade luminosa e  $0 \leq K \leq 1$  (Rauschenbach, 1980).

#### 2.1.2.2 - RESISTÊNCIA EM SÉRIE

Como se pode verificar no circuito equivalente da figura 2.3, a resistência em série é um parametro que reduz a potência máxima de saída de uma célula solar, quanto maior for a sua magnitude. A Figura 2.8 mostra as curvas I-V de uma celula para diversos valores de R.



Fig. 2.8 - Efeito de mudanças na resistência em série na curva I-V de uma celula solar.

FONTE: Kennerud (1969).

#### 2.1.2.3 - CORRENTE DE SATURAÇÃO

A corrente de saturação inversa da junção p-n está rela cionada com a tensão de circuito aberto da celula solar; esse efeito po de ser observado na Figura 2.9. Isto ocorre devido ao fato de  $I_0$  ser o equilibrio entre os portadores gerados termicamente e o potencial da bar reira e sera tanto menor quanto maior for este potencial. Mas, a tensão de circuito aberto e uma medida do potencial da barreira, sendo os dois praticamente proporcionais.



Fig. 2.9 - Efeito de uma mudança na corrente de saturação na curva I-V de uma celula solar.

FONTE: Kennerud (1969).

#### 2.1.2.4 - FATOR DE IDEALIDADE DO DIODO

Mudanças de valores da constante de ajuste de curva (A), mencionada na Subseção 2.1.1, resulta em mudanças na tensão de circuito aberto da célula solar, como mostra a Figura 2.10. Isto resulta do fato de A=1 representar uma celula em que não ha geração e recombinação de portadores minoritários, sendo a corrente de saturação resultante do me canismo de transporte por injeção de portadores somente, e no caso de A > 1 o mecanismo de transporte por geração e recombinação de portado res minoritários é também considerado, requerendo um potencial de bar reira maior para que seja mantida a corrente  ${\rm I}_{\rm O}.$  Uma véz que a tensão de circuito aberto é praticamente proporcional ao potencial da barreira, verifica-se um aumento desta tensão para valores de A crescentes.



Fig. 2.10 - Efeito de mudanças no fator de idealidade do diodo na curva I-V de uma celula solar.

FONTE: Kennerud (1969).

Segundo Kennerud (1969), um aumento no fator de idealida de do diodo resulta numa diminuição do fator de preenchimento da celula solar. Este parametro varia com a tensão de terminal da celula, sendo próximo de 2 para tensões inferiores a 0,4V e próximo de 1 para valores acima de 0,4V em celulas solares de silício monocristalino (Hovel, 1975).

#### 2.1.3 - EFEITOS DO ÂNGULO DE INCIDÊNCIA

Num ângulo obliquo de iluminação solar, a capacidade de saida de potência das células solares diminui.

A intensidade solar efetiva (S) é definida como o nivel de luz efetivo incidente na superficie ativa da célula solar, que é dado por:

$$S = S_0 X F_{\alpha} COS_{\alpha}, \qquad (2.5)$$

onde:

S: intensidade solar efetiva,

S<sub>o</sub>: intensidade da luz solar (em unidades de constante solar),

 $F_{\alpha}$ : fator de transmissão da cobertura da célula solar,

α: ângulo de incidência (Rauschenbach, 1980).

A Figura 2.11 mostra uma celula solar recebendo luz solar a um ângulo alfa.



Fig. 2.11 - Célula solar recebendo iluminação a um ângulo alfa.

Para valores de alfa até 30 graus, a lei dos co-senos é aceitável (Rauschenbach, 1980); isto pode ser verificado na Figura 2.12 que mostra a corrente de curto-circuito normalizada em função do ângulo de incidência, obtida experimentalmente pelo fabricante. Verifica-se que a 50<sup>0</sup> o erro é inferior a 5%.

Para ângulos superiores a 30<sup>0</sup> a lei dos co-senos não oco<u>r</u> re, uma vez que a fração de luz refletida na superfície aumenta com o ângulo de incidência, fazendo com que a intensidade de luz efetiva que alcança a junção da célula seja menor. Além disto o espectro da luz que alcança a junção da célula varia com o ângulo de incidência, por causa dos efeitos associados à interferência na camada refletora.


Fig. 2.12 - Medidas experimentais da corrente de curto-circuito normali zada em função do ângulo de incidência (celula Spectrolab K6700).

#### 2.2 - ARRANJOS FOTOVOLTAICOS

As celulas solares são ligadas em agrupamentos em serie e em paralelo com o objetivo de fornecer energia elétrica a uma determin<u>a</u> da carga.

No caso ideal de arranjos constituídos de células identi cas, a tensão do arranjo é igual à tensão de uma célula multiplicada pe lo número de células em série, a corrente do arranjo é igual à corrente de uma célula multiplicada pelo número de células em paralelo e a potên cia do arranjo é igual à potência de uma célula multiplicada pelo núme ro de células do arranjo.

No caso real de celulas não-idênticas, o mesmo não se v<u>e</u>rifica.

#### 2.2.1 - CADEIAS

Neste trabalho o termo cadeia significa um conjunto de c $\underline{\hat{e}}$ lulas solares associadas em série. Apresentam-se, a seguir, as equações I(V) de cadeias constituídas de células idênticas.

# 2.2.1.1 - CELULAS IDENTICAS

Tomando o circuito equivalente de uma cadeia, mostrado na Figura 1.13, análogo ao circuito equivalente de uma celula ja apresent<u>a</u> do na Figura 2.3,



Fig. 2.13 - Circuito equivalente de uma cadeia de celulas solares.

a equação da cadeia fica:

$$I_{c} = I_{L_{c}} - I_{0_{c}} \cdot (exp(\lambda_{c} \cdot (v+R_{s_{c}}, I_{c}))-1) - (V_{c}+R_{s_{c}}, I_{c})/R_{\rho_{c}}, \qquad (2.6)$$

onde:

$$I_{L_{c}}: \text{ corrente fotogerada da cadeia,}$$

$$I_{0_{c}}: \text{ corrente de saturação da cadeia.}$$

$$\lambda_{c} = q/A_{c}.K.T \qquad (2.7)$$

$$A_{c}: \text{ fator de idealidade da cadeia,}$$

$$R_{s_{c}}: \text{ resistência em série da cadeia,}$$

R<sub>p<sub>c</sub></sub>: resistência em paralelo da cadeia, I<sub>c</sub>: corrente da cadeia,

```
V<sub>c</sub>: tensão da cadeia.
```

Os parâmetros equivalentes de uma cadeia de Ncélulas gua<u>r</u> dam relações com os parâmetros de uma célula, como mostrado nas Equações 2.8, 2.9, 2.10, 2.11 e 2.12:

$$I_{L_{c}} = I_{L}, \qquad (2.8)$$

$$R_{S_{C}} = N.R_{S}$$
 (2.9)

$$R_{p_{c}} = N.R_{p}, \qquad (2.10)$$

$$I_{0_{c}} = I_{0},$$
 (2.11)

$$\lambda_{c} = \lambda_{n} / N, \qquad (2.12)$$

onde  $\lambda_n = q/A.K.T$  (2.13) e A  $\tilde{e}$  o fator de idealidade do diodo de uma c $\tilde{\underline{e}}$  lula.

# 2.2.1.2 - CELULAS NÃO-IDENTICAS

Um estudo de cadeias constituídas de células não-idênt<u>i</u> cas foi feito por Shechter (1983), considerando as equações de uma cél<u>u</u> la genérica e de uma cadeia como aquela da Equação 2.14 e da 2.16, re<u>s</u> pectivamente:

$$V_n = -I.R_{s_n} + V_{c_{an}} + 1/\lambda_n.ln (1 - I/I_{L_n}),$$
 (2.14)

$$V_{ca_n} = 1/\lambda_n . \ln (I_{L_n}/I_{0_n}),$$
 (2.15)

$$V_{c} = -I_{c} R_{s_{c}} + V_{ca_{c}} + 1/\lambda_{c} \ln (1 - I_{c}/I_{L_{c}}),$$
 (2.16)

$$V_{ca_{c}} = 1/\lambda_{c} \cdot \ln (I_{L_{0_{c}}}/I_{0_{c}}),$$
 (2.17)

onde:

$$v_{ca_n}$$
: tensão de circuito aberto da celula,

- $V_{ca_c}$ : tensão de circuito aberto da cadeia,
- $I_{L_0}$  : corrente fotogerada da cadeia na condição de circuito abe<u>r</u>  $^{\rm L_0}$  c to,

 $I_{L_c}$ : corrente fotogerada da cadeia na condição de carga, que é d<u>e</u> pendente da corrente de carga.

Os demais símbolos são como descritos anteriormente.

Uma vez que a corrente de uma cadeia é a mesma corrente de todas as células, a Equação 2.18 é aplicada:

 $V_{c}(I_{c}) = \sum_{n=1}^{n} V_{n}(I_{c}).$  (2.18)

Substituindo as Equações 2.14 e 2.16 em 2.18, obtêm-se as relações entre os parâmetros das células e os parâmetros da cadeia, mo<u>s</u> tradas nas Equações 2.19 a 2.24:

$$R_{s_{c}} = \sum_{n=1}^{n} R_{s_{n}}, \qquad (2.19)$$

$$1/\lambda_{c} = \sum_{n=1}^{N} 1/\lambda_{n}, \qquad (2.20)$$

$$n_n = \lambda_n / N \cdot \lambda_c, \qquad (2.21)$$

$$I_{L_{0_{c}}} = \sqrt[N]{\frac{N}{\pi}(I_{L})}, \qquad (2.22)$$

$$I_{0_{c}} = \bigvee_{n=1}^{N} \bigvee_{n=1}^{N} (I_{0_{n}}), \qquad (2.23)$$

$$I_{L_{c}} = I_{c} / (1 - \sqrt[N]{\frac{N}{\pi}} (1 - (1 - I_{c} / I_{L_{n}}))).$$
(2.24)

# 2.2.2 - SUBMÓDULOS

Neste trabalho o termo módulo significa um certo número de cadeias de celulas solares associadas em paralelo como na figura 2.14. Ism



Fig. 2.14 - Esquema elétrico de um submódulo genérico.

O caso mais simples de submódulo é uma associação em par<u>a</u> lelo de células solares como mostra a Figura 2.15.

Os parâmetros equivalentes de um submodulo de N celulas idênticas têm relações com os parâmetros de uma celula, como mostram as Equações 2.25 a 2.30:

$$I_{L_{sm}} = N.I_{L},$$
 (2.25)

$$R_{sm} = R_{s}/N,$$
 (2.26)

$$R_{p_{SM}} = R_{p}/N,$$
 (2.27)

$$I_{0_{sm}} = N.I_{0},$$
 (2.28)

$$\lambda_{\rm SM} = \lambda, \qquad (2.29)$$

onde:

 $\lambda = q/A.K.T,$   $I_{L_{sm}}: \text{ corrente fotogerada do submódulo,}$   $I_{0_{sm}}: \text{ corrente de saturação inversa do submódulo,}$   $\lambda_{sm} = q/A_{s} \cdot K.T, \qquad (2.30)$   $A_{sm} = fater da idealidada da submódula$ 

A<sub>sm</sub>: fator de idealidade do submódulo,

R<sub>s</sub> : resistência em série do submôdulo, sm

R<sub>p</sub>: resistência em paralelo do submódulo.



Fig. 2.15 - Submódulo constituído de N células em paralelo.

2.2.3 - MÓDULOS

Neste trabalho, chama-se modulo todo conjunto de celulas solares eletricamente ligadas que e conectado ao barramento do arranjo.

Os módulos geralmente são ligados ao barramento através de diodos de proteção, e todas as células de um módulo são montadas num mesmo painel solar para receberem um mesmo nivel de iluminação (descon siderando sombras espúrias).

Tendo em vista os conceitos de cadeia e submódulo citados anteriormente, considera-se, neste trabalho, que um módulo é constituí do de submódulos associados em série como mostra a Figura 2.16.



Vm.



Fig. 2.16 - Modulo genérico constituído de N submodulos.

# 2.2.4 - ARRANJOS

Os arranjos fotovoltaicos são constituídos de um certo n $\underline{u}$ mero de módulos ligados a um barramento, os quais podem ou não perten cer todos a um só painel.

### 2.3 - PERDAS POR DESCASAMENTO EM ARRANJOS FOTOVOLTAICOS

Quando se constrói um painel solar, utilizam-se células solares com características elétricas não-idênticas devido a imperfei ções nos processos de fabricação. Esta dispersão de parâmetros é denomi nada descasamento de células solares.

O descasamento acarreta uma perda de potência do arranjo. Isto ocorre porque no ponto de máxima potência do arranjo as células operam fora do seu ponto de máxima potência. A Figura 2.17 mostra a ca racterística I-V de uma associação em série de duas células não-ident<u>i</u> cas.



Fig. 2.17 - Característica I-V (linha tracejada) de uma associação em série de duas celulas descasadas.

O conceito de perda por descasamento utilizado neste tr<u>a</u> balho, e dado na Equação 2.25 (Bany et alii, 1977):

$$PD = 1 - P_{\max_{a}} / \sum_{n=1}^{N} P_{\max_{n}}.$$
 (2.25)

onde:

PD: perda por descasamento,

P<sub>max</sub>: potência māxima do arranjo,

P<sub>max</sub>: potência máxima de uma celula.

Bany et alii (1977) e Appelbaum et alii (1982) estudaram as perdas por descasamento em arranjos de celulas solares e, para isto, consideram a curva característica I-V de uma celula linearizada. Os r<u>e</u> sultados finais são função da média e desvio padrão dos parâmetros e<u>n</u> volvidos no modelo linearizado de uma celula. Watkins e Burgess (1978) estudaram o efeito da dispersão da resistência em série e da corrente fotogerada em arranjos em série. Concluiram que a dispersão da resistência em série afeta insignifican temente a potência máxima do arranjo em série, ao contrário da disper são na corrente fotogerada. Concluiram, ainda, que a potência de saída do arranjo é função da corrente de curto-circuito mínima. Isto pode ser observado na Figura 2.17. Este trabalho foi executado usando um progra ma de simulação em computador. Os resultados eram esperados, uma vez que numa cadeia as células operam a uma mesma corrente, sendo, portanto, a corrente máxima a menor corrente de curto-circuito.

Tada et alii (1982) realizaram medidas para estimativa da variação da potência máxima de celulas solares de silício de uso espa cial. Utilizaram-se lotes representativos de vários fabricantes e sele cionaram 14 celulas de cada lote, localizadas mais proximas ao centro da distribuição do respectivo lote. Uma comparação do desvio padrão pa ra cada tipo de celula, antes e depois de expostos a uma fluência de 1,0 E+15 e/cm<sup>2</sup>, revelou não haver alteração significativa na dispersão. Conclui-se, a partir destes resultados, que a radiação corpuscular não devera contribuir para o aumento da dispersão dos parâmetros das cēlu las solares para o Satélite de Coleta de Dados da MECB, uma vez que sua fluência equivalente em elétrons de 1MeV deverá ser da ordem de 1,0 E+13  $e/cm^2$ .

#### 2.4 - ARRANJOS SOMBREADOS

Elementos estruturais do satélite freqüentemente sombreiam o arranjo fotovoltaico, como é o caso dos primeiros satélites da MECB.

Rauschenbach (1971) estudou a saida elétrica de arranjos sombreados através de simulação em computador, considerando sombra como a região do espaço que recebe iluminação nula. Não considerou a região de penumbra, e as transições entre áreas iluminadas e sombreadas são consideradas abruptas. Nesta referência e em Bardwell et alii (1980), em que foram estudados arranjos específicos, as células foram considera das totalmente iluminadas ou totalmente sombreadas. Neste trabalho considera-se o sombreamento parcial das células, porém com a mesma definição de sombra utilizada em Rauschenbach (1971). A corrente de curto-circuito da célula é proporcional à área il<u>u</u> minada (Rauschenbach, 1980).

## 2.5 - DIODOS DE PROTEÇÃO

Arranjos de celulas solares de uso espacial utilizam dio dos como proteção aos fenômenos indesejáveis que prejudicam seu desempe nho elétrico, como por exemplo a sombra.

#### 2.5.1 - DIODO DE BLOQUEIO

Os diodos de bloqueio são utilizados com o objetivo de co<u>n</u> servar a energia de cada módulo. São instalados entre módulos de celulas solares e o barramento de potência do sistema de tal forma que conduzem corrente do módulo iluminado para o barramento, mas bloqueiam a corre<u>n</u> te do barramento para o módulo, quando a tensão do módulo de celulas <u>so</u> lares e menor do que a tensão do barramento. Isto ocorre quando o mód<u>u</u> lo está na sombra.

A corrente que seria drenada pelo módulo, neste caso, de pende da tensão do barramento e da forma da curva I-V do módulo.



A Figura 2.18 mostra uma ligação com diodos de bloqueio.

Fig. 2.18 - Diodos de bloqueio num arranjo fotovoltaico.

O uso de diodos de bloqueio acarreta uma perda de energia do módulo quando este fornece energia ao barramento. Esta perda se deve à polarização do diodo e e mostrada graficamente na Figura 2.19.



2.19 - Característica I-V de um modulo fotovoltaico com diodo de bloqueio.

Diodos de bloqueio são ainda úteis quando ocorrem falhas de curto-circuito em terminais ou substratos metálicos.

Neste trabalho considera-se que os modulos de um arranjo são interligados através de diodos de bloqueio com características reais e iguais aos utilizados pela empresa SPECTROLAB que fabrica painéis so lares para uso espacial.

#### 2.5.2 - DIODO PARALELO

Diodos paralelos são ligados a celulas solares ou submódu los de celulas solares de tal forma que, quando as celulas são ilumina das, os diodos são polarizados inversamente e quando as celulas são som breadas, quebradas ou falham em circuito aberto, os diodos tornam-se di retamente polarizados, permitindo assim o fluxo de corrente na parte afe tada da cadeia ou módulo preservando uma contribuição, mesmo que par cial, da cadeia ou módulo ao fornecimento de energia. A Figura 2.20 mos tra uma celula solar conectada com um diodo paralelo onde se observa que, quando a celula solar opera com tensões diretas, o diodo paralelo não influencia no circuito, por não conduzir corrente. Na situação de a celula solar estar inversamente polarizada, sua tensão fica limitada pe la tensão de condução do diodo, garantindo assim que o ponto de oper<u>a</u> ção da celula esteja numa região de segurança contra falha.



Fig. 2.20 - Celula solar ligada com diodo em paralelo.



Fig. 2.21 - Curva I-V (linha tracejada) de uma célula solar com diodo em paralelo.

Consideram-se neste trabalho diodos paralelos de uso es pacial com características de condução reais, medidas experimentalmen te pela empresa SPECTROLAB. Pode-se esperar que a corrente de fuga máxi ma dos diodos não ultrapasse 1.0E-6 A, permitindo que a característica inversa destes possa ser aproximada para fuga nula, com tensões inferio res a de ruptura. Gupta e Milnes (1981) estudaram o efeito de diodos paral<u>e</u> los em arranjos com arquiteturas específicas, utilizando um modelo line<u>a</u> rizado da celula solar. Neste trabalho estuda-se o efeito de diodos em paralelo, utilizando o modelo de celula solar da Equação 2.14.

Quando se deseja proteger as celulas solares individual mente com diodos em paralelo convencionais, ocorrem problemas relaciona dos com a disponibilidade de área, quantidade de furos no substrato ecus tos de componentes e montagem. Uma alternativa para o uso de diodos con vencionais é a celula solar com diodo integrado. Estes dispositivos são constituidos de uma celula solar e de um diodo, fabricados na mesma pas tilha. A perda de eficiência da celula, devido ao processo de fabricação é inferior a 1% da eficiência da celula que não possui diodo integrado (Diamond and Steele, 1970) e sua qualificação para o uso espacial foi verificada por Diamond (1972).

# CAPÍTULO 3

# ESTIMATIVA DA PERDA DE POTÊNCIA POR DESCASAMENTO EM PAINÉIS SOLARES DE USO ESPACIAL

Neste capítulo faz-se um estudo de perdas por descasamen to aplicado ao arranjo fotovoltaico do satélite de coleta de dados pre visto para a MECB. Inicialmente é efetuada uma descrição do arranjo fo tovoltaico que inclui ligações em série e em paralelo de células, dimen sões das células e parametros considerados para o modelo matemático. Em seguida descreve-se o programa simulador e, finalmente, é apresentado o estudo de perda de potência por descasamento.

# 3.1 - DESCRIÇÃO DO ARRANJO

O arranjo fotovoltaico do satélite de coleta de dados da MECB é composto de 8 painéis laterais e 1 painel antigeocéntrico. Cada painel lateral possui 68 células em série por 4 em paralelo, formando um módulo de 272 células. O painel antigeocéntrico é composto de 10 mó dulos de 68 células em série. O arranjo utiliza células solares de silí cio monocristalino 20 x 40mm. A Figura 3.1 mostra a distribuição geomé trica das células solares e as Figuras 3.2 e 3.3 apresentam os esquemas elétricos dos painéis lateral e antigeocéntrico.



Fig. 3.1 - Painéis lateral e antigeocêntrico previstos para os primeiros satélites da MECB.



Fig. 3.2 - Esquema elétrico do painel antigeocêntrico.



Fig. 3.3 - Esquema elétrico do painel lateral.

O estudo de perdas por descasamento aplicado ao satélite de coleta de dados da MECB foi feito através de um programa simulador implementado em computador digital, que é descrito na seção seguinte. Este programa determina a característica I-V de arranjos constituídos de células não-idênticas. Para simular o arranjo real geram-se aleatoria mente os parâmetros das células solares, levando em conta o circuito equivalente de Figura 2.3. Considera-se neste trabalho que os parâme tros têm uma distribuição normal com média e desvio padrão próprios do lote de células utilizado para fabricação do arranjo. A Figura 3.4 mos tra uma distribuição normal.



Fig. 3.4 - Distribuição normal com média e desvio padrão.

Os dados utilizados para as celulas solares foram obtidos da empresa SPECTROLAB que fabrica celulas e paineis solares de qualifi cação espacial, mostrados na Tabela 3.1.

Fazendo K = 1 na Equação 2.4 e impondo a condição de cir cuito aberto (I = 0), obtém-se a equação seguinte:

$$Imp/Vmp = (IL - Imp).(q/A.K.T) . (1-(Imp/Vmp) . Rs),$$
 (3.2)

Fez-se um estudo analítico da melhor celula atraves da Equação 3.1, considerando que a corrente fotogerada e aproximadamente igual à corrente de curto-circuito. Supondo a condição de melhor fator de idealidade do diodo (A=1), determina-se o valor da menor corrente de satueração, IO = 1. OE - 11 A.

## TABELA 3.1

# DADOS DE ESPECIFICAÇÃO DAS CELULAS SPECTROLAB DE USO ESPACIAL (TIPO K6700)

| Icc  | 336mA | <u>+</u> | 5%  |
|------|-------|----------|-----|
| Vca  | 605mV | Ţ        | 3%  |
| Vmp  | 490mV | <u>+</u> | 5%  |
| Pmax | 156mW | ±        | 10% |

Através de um estudo semelhante da pior célula (IL=Icc da pior célula e A=1), utilizando a Equação 3.2, determina-se o maior va lor da resistência em série, Rs=0,2 ohm. Mantendo a condição de pior corrente fotogerada e estudando o caso de melhor resistência em série (Rs=0), determina-se o pior valor de fator de idealidade do diodo e da corrente de saturação, A = 1, 15 e I= = 7E - 10 A, através das Equações 3.1 e 3.2.

A partir do estudo descrito definem-se faixas de valores possíveis para os parâmetros das celulas mostradas na Tabela 3.2.

# TABELA 3.2

FAIXAS DE VALORES DOS PARÂMETROS DE UM LOTE DE CÉLULAS DE USO ESPACIAL

| PARÂMETRO | ΜΊΝΙΜΟ                | MÁXIMO                |
|-----------|-----------------------|-----------------------|
| IL        | 0,319A                | 0,353A                |
| I o       | 1,10 <sup>-11</sup> A | 7,10 <sup>-10</sup> A |
| A         | 1                     | 1,15                  |
| . Rs      | 0Ω                    | 0,20                  |

Neste trabalho fez-se o modelamento da característica in versa das células solares com base em dados experimentais fornecidos pe la empresa Spectrolab. Através de carta, a mesma referência fornece os valores de tensão inversa destrutiva, os quais vão desde 40V até 80V, variando de célula para célula. A Tabela 3.3 apresenta os dados da ca racterística I-V das células Spectrolab para tensões inversas até 35V.

#### TABELA 3.3

| CELULA | TENSÕES INVERSAS |       |       |        |        |       |            |  |
|--------|------------------|-------|-------|--------|--------|-------|------------|--|
| k      | 5V               | 10V   | 15V   | 20γ    | 25V    | 30V   | 35V        |  |
| 1      | 2 mA             | 4 mA  | 6 mA  | 8 mA   | 10 mA  | 12 mA | <br> 14 mA |  |
| 2      | 1 mA             | 2 mA  | 4 mA  | 5 mA   | 7 mA   | 9 mA  | 12 mA      |  |
| 59     | 2 mA             | 4 mA  | 6 mA  | 8 mA   | 10 mA  | 12 mA | 14 mA      |  |
| 108    | 1 mA             | 2 mA  | 2 mA  | 3 mA   | 4 mA   | -6 mA | 7 mA       |  |
| 94     | 11 mA            | 22 mA | 31 mA | 41 mA  | 50 mA  | 60 mA | 71 mA      |  |
| 89     | 1 mA             | 2 mA  | 3 mA  | 4 mA   | 5 mA   | 6 mA  | 10 mA      |  |
| 27     | 6 mA             | 13 mA | 20 mA | ·27 mA | 34 m.A | 40 mA | 48 mA      |  |
| 41     | 5 mA             | 9 mA  | 14 mA | 18 mA  | 23 mA  | 28 mA | 33 mA      |  |
| 77     | 11 mA            | 23 mA | 33 mA | 42 mA  | 53 mA  | 63 mA | 75 mA      |  |
| 103    | 2 mA             | 6 mA  | 9 mA  | 13 mA  | 16 mA  | 20 mA | 24 mA      |  |

# VALORES DE CORRENTE DIRETA PARA TENSÕES INVERSAS EM CÉLULAS SOLARES 20X40 mm - SPECTROLAB

A partir dos dados da Tabela 3.3, e possível verificar uma certa linearidade nas características inversas da celula, conforme mostra a Figura 3.5.



Fig. 3.5 - Curvas características inversas da amostra de celulas Spectrolab.

Portanto, considera-se neste trabalho uma característica inversa linear das celulas solares, conforme a Equação 3.3:

$$I = G, V, V < 0 \tag{3.3}$$

onde G é a condutância inversa da célula.

Da Tabela 3.3 e da Figura 3.5 determina-se a faixa de va lores aproximada de G como  $0,19E-38 \leq G \leq 2,1E-38$  e tendo como valor médio 0,85E-38. Define-se a partir destes dados e dos constantes da Tabela 3.2 distribuições gaussianas dos valores dos parâmetros, para <u>ge</u> ração aleatória, tal que simulem um lote de células real. Os valores definidos para média e desvio padrão são apresentados na Tabela 3.4. Ca be salientar que as considerações feitas para definição de distribuí ções gaussianas foram: valor mínimo do parâmetro igual a média – desvio padrão e valor máximo do parâmetro igual a média + devio padrão.

## TABELA 3.4

| <u>MEDIA</u> | E DESVIO | PADRÃO  | <u>DOS PARÃI</u> | 1ETROS | DE | UM |
|--------------|----------|---------|------------------|--------|----|----|
|              | LOTE DE  | CELULAS | SOLARES          | REAL   |    |    |

| PARÂMETRO          | MEDIA                     | DESVIO PADRÃO             |
|--------------------|---------------------------|---------------------------|
| IL                 | 336mA                     | 16,8 mA                   |
| Log I <sub>o</sub> | - 10                      | - 1,0                     |
| А                  | 1,075                     | 0,075                     |
| Rs                 | 0,10                      | 0,1                       |
| G                  | 0,85.10 <sup>-3</sup> A/V | 0,25.10 <sup>-</sup> 3A/V |

A condição de que as distribuições de parâmetros da Tabe la 3.4 caracterizam o universo de valores admissíveis não garante que numa geração aleatoria de parâmetros de células solares a combinação de les resulte numa característica I-V dentro dos padrões da Tabela 3.1. Tendo em vista este detalhe, implementou-se uma geração aleatória em duas etapas, sendo a primeira a geração propriamente dita e a segunda uma comparação de Icc, Vca, Vmp e Pmax com a Tabela 3.1.

Dessa forma, os valores dos parâmetros físicos de uma  $c\underline{e}$ lula são gerados aleatoriamente dentro das respectivas faixas de tol<u>e</u> rância e, em seguida, esta mesma celula tem suas características el<u>e</u> tricas comparadas com as faixas de referência. Se estiverem dentro dos padrões são incluídas no arranjo, caso contrario uma nova e gerada e comparada.

#### 3.2 - PROGRAMA SIMULADOR

Tendo em vista a análise das perdas por descasamento em arranjos fotovoltaicos, foi desenvolvido um programa para computador di gital, usando linguagem Algol, que possibilita a análise de combinações em série e em paralelo de células solares cujos parâmetros são gerados aleatoriamente. A análise se baseia nos conceitos de módulo, submódulo e cadeia descritos na Subseção 2.2.3. Desta forma determina-se a caracte rística I-V dos submódulos e finalmente a do módulo.

A Figura 3.6 apresenta a seqüência de operações básicas para obter a característica I-V de um módulo.



AROUSTETOPA ELETRICA

Fig. 3.6 - Sequência de operações para calculo da perda por descasamento de um módulo.

A característica I-V das cadeias é determinada analitica mente usando as Equações 2.16 a 2.24. A partir destemodelo a cadeia fi ca armazenada no computador na forma de um conjunto de pares de pontos I-V.

Para a determinação da característica I-V de submódulos. deve-se basear nos dados das cadeias, utilizando o princípio que, ոսու submodulo, as cadeias estão a uma mesma tensão, porém com correntes pro prias. Assim, determina-se a corrente de um submódulo a uma dada tensão pela soma das correntes de cada cadeia na mesma tensão. A curva I-V do submodulo e armazenada no computador na forma de um conjunto de pares de pontos. A inviabilidade desta etapa do procedimento ser efetuada de forma analítica advém da natureza transcedental da equação da cadeia, sendo Ic=f(Vc, Ic), onde Vc e a tensão da cadeia e Ic e a corrende da cadeia.

Para a determinação da característica I-V do módulo, uti liza-se o princípio de que num módulo a uma dada corrente tem-se a mes ma corrente em todos os submódulos, porém, com tensões próprias. Assim, a tensão do módulo a uma dada corrente é a soma das tensões dos submódu los na mesma corrente.

#### 3,2,1 - DESCRIÇÃO DO ALGORITMO

O programa simulador analisa o desempenho de um arranjo fotovoltaico partindo da geração de cadeias; daí em diante, monta subm<u>ó</u> dulos e finalmente analisa o módulo fotovoltaico. A sub-rotina básica do programa é a que gera cadeias. A Figura 3.7 mostra o fluxograma da sub-rotina cadeia.

A geração aleatória de parâmetros normalmente distribuí dos, usada neste programa, utiliza o método apresentado em Shannon (1975), o qual é bastante rápido e tem como princípio a geração de um par de números aleatórios com distribuição normal de média zero e desvio padrão 1, a partir de 2 números aleatórios (r1 e r2) entre 0 e 1 de uma distribuição uniforme. O procedimento prossegue com o cálculo de v1, v2 e s onde:

 $v1 = 1 + 2 \cdot r1,$  (3.4)

$$v_2 = 1 + 2 \cdot r_2,$$
 (3.5)

$$s = v1 ** 2 + v2 ** 2.$$
 (3.6)



Fig. 3.7 - Fluxograma funcional da sub-rotina cadeia.

Se s < 1, o procedimento prossegue, caso contrário retor na-se a geração de novos valores de r1 e r2. O calculo do par de número aleatórios normalmente distri buídos (x1 e x2) é feito da seguinte forma:

$$x1 = v1$$
.  $\sqrt{(-2.ins)/s}$ , (3.7)

$$x^2 = v^2 \cdot \sqrt{(-2 \cdot ins)/s}$$
 (3.8)

Os números aleatórios x1 e x2 são utilizados para a gera ção dos parâmetros das células solares com valores específicos de média e desvio padrão, conforme a Equação 3.9:

$$P = \mu_{\rm p} + x \cdot \sigma p \tag{3.9}$$

onde:

- P = valor do parâmetro, μp = média da distribuição do parâmetro,
- σp = desvio padrão da distribuição do parametro,
- x = número aleatório de uma distribuição normal com  $\mu$ = 0 e  $\sigma$ = 1.

Depois de gerados os parametros corrente fotogerada, r<u>e</u> sistência em série, corrente de saturação, fator de idealidade do diodo e condutância inversa, determinam-se os pontos principais da curva c<u>a</u> racterística I-V da célula, ou seja, Iccn, Vcan, Impn, Vmpn, Pmaxn.

Em seguida, é feita uma comparação das características da celula com um padrão preestabelecido de faixas de valores admissíveis de Icc, Vca, Imp, Vmp e Pmax. Se a celula gerada não estiver dentro dos padrões, o programa retorna ao início da sub-rotina e repete o procedi mento, caso contrário segue normalmente. Se a incidência não é normal, faz-se uma correção do va lor de IL através do fator mostrado na Figura 2.12. Em seguida, deter minam-se os novos valores de Iccn, Vcan, Vmpn, Impn e Pmaxn.

Depois de o processo descrito ter sido renetido para o nú mero de celulas especificado para a cadeia, e determinada a sua carac terística I-V, utilizando para isto as Equações 2.16 e 2.24. O metodo de calculo e analítico, porem, a curva e armazenada na forma de pares de valores I-V para correntes de cadeia que variam dentro de uma faixa predeterminada, ficando entre os valores mínimo e máximo de Ic (Icm e IcM). Considerando que tanto a forma da curva característica I-V de uma cadeia como a de uma celula possuem duas regiões distintas no semiplano direito do plano I-V (região de derivada baixa e região de derivada al ta), são utilizados dois incrementos de Ic adequados a cada região. Pa ra a região de derivada alta, o incremento é maior que o da região de derivada baixa.

Uma vez obtida a curva caracterítica I-V da cadeia, deter minam-se os pontos principais da curva, ou seja, Iccc, Vcac, Vmpc, Impc e Pmaxc. Finalmente obtém-se o valor da perda de potência devido ao des casamento das células solares.

A sub-rotina cadeia é chamada o número necessário de v<u>e</u> zes dentro da sub-rotina submódulo, cujo fluxograma é mostrado na Fig<u>u</u> ra 3.8.

O papel desta sub-rotina e montar submodulos com cadeias geradas pela sub-rotina CADEIA. Esta sub-rotina e acessada um número especificado de vezes ate gerar as cadeias necessárias para a const<u>i</u> tuição do submodulo.

Uma vez disponíveis as curvas características I-V das ca deias, armazenadas na forma de pares I-V, procede-se à determinação da curva I-V do submódulo. O princípio utilizado é o de que num submódulo as cadeias operam em tensões iguais e correntes próprias. Assim, uma vez fixada uma tensão, a corrente do submodulo é a soma das correntes das cadeias naquela tensão. Esta operação é efetuada para uma faixa de valores de tensão entre os valores de tensão de submodulo minima e ten são de submodulo máxima (Vsmm e VsmM).

Em seguida, são determinados os pontos principais da cur va característica I-V do submódulo, ou seja, Iccsm, Vmpsm, Impsm, Vcasm e Pmaxsm.



Fig. 3.8 - Fluxograma funcional da sub-rotina submódulo.

Finalmente, obtém-se a perda de potência do submodulo re lativa ao descasamento das células solares. Neste cálculo são levadas em consideração a potência máxima do submódulo e a soma das potências máximas de cada célula constituinte do submódulo. Esta sub-rotina é acessada pelo programa principal um número de vezes especificado. O flu xograma do programa principal é apresentado na Figura 3.9. O programa principal determina e armazena a curva caract<u>e</u> rística I-V de um módulo fotovoltaico, constituído de um múmero espec<u>i</u> ficado de submódulos. Os submódulos são montados pela sub-rotina corre<u>s</u> pondente.



Fig. 3.9 - Fluxograma funcional do programa simulador.

A partir das curvas características do submódulos armaze nadas na forma de pares I-V, determina-se a curva I-V do módulo. Num mó dulo os submódulos operam numa mesma corrente, porém, a tensões pró prias. Assim, para um dado valor de corrente de módulo, a tensão do mó dulo é a soma das tensões dos submódulos naquela particular corrente de módulo.

Em seguida são determinados os valores de Iccm, Vcam, Impm, Vmpm e Pmaxm e, finalmente, determina-se a perda de potência relativa ao descasamento, considerando a potência máxima do módulo e a soma das potências máximas das células solares constituintes do módulo fotovo<u>l</u> taico.

#### 3.2.2 - ENTRADA DE DADOS

O programa simulador usa dados de entrada referentes a cé lulas solares utilizadas e a arquitetura elétrica do módulo.

Quanto as celulas solares, os dados de entrada se classi ficam em dois tipos: valores de média e desvio padrão de cada parâme tro para geração aleatória e faixa de valores admissíveis de Icc, Vca, Imp, Vmp e Pmax para seleção de celulas. Para o primeiro tipo utilizam -se neste trabalho os dados da Tabela 3.4. Para o segundo tipo utilizam -se os valores extremos da Tabela 3.1, considerando a tolerância espe cificada.

Para a determinação da arquitetura elétrica do módulo em estudo, são especificados, na forma de dados de entrada, o número de submódulos (NSUB), número de cadeias por submódulos (NCAD) e o número de células por cadeia (NCEL).

Como mencionado na Subseção 3.2.1, a determinação da cur va I-V de uma cadeia é efetuada para uma faixa de valores de corrente, cujos extremos são especificados como Icm e IcM. São especificados ain da os dois incrementos IIc e IIc, sendo que o primeiro é utilizado para determinar pares I-V na região de derivada alta, e o segundo, menor, é utilizado na região de derivada baixa. O ponto de mudança de incremen to é determinado por um valor de tensão de referência (Vrefc) que é comparado, passo a passo, com a diferença de tensão entre os dois últ<u>i</u> mos pontos calculados. A mudança ocorre quando este valor excede à ref<u>e</u> rência.

Analogamente, porém, com varredura em tensão (Vsmm, VsmM, IVsm, IVsm') e referência em corrente (Irefsm), são especificados d<u>a</u> dos de entrada para determinação da curva I-V de submódulos.

Para o módulo, o procedimento é semelhante ao utilizado para cadeia com dados de entrada Imm, ImM, IIm', Vrefm.

Para correção da corrente fotogerada com relação ao âng<u>u</u> lo de incidência, específica-se um fator que multiplica IL.

## 3.2.3 - SAÍDA DE RESULTADOS

O programa módulo tem capacidade de apresentar como opção de saída uma tabela de parâmetros e dados da curva I-V de cada celula gerada. Como opção existe também a possibilidade de ter na saída os conjuntos de pares I-V das cadeias e submódulos constituintes do módu lo, bem como do próprio módulo. Podem ainda ser apresentados, após a de terminação da curva de uma cadeia, submódulo ou módulo os valores de corrente de curto-circuito, tensão de circuito aberto, corrente e ten são de máxima potência e potência máxima da curva.

Ao final do programa é apresentado o valor da perda de potência relativa ao descasamento das células.

Um exemplo de recurso de saída é apresentado na ⊤abela 3.5 que mostra os parametros e dados da curva I-V de 17 celulas ger<u>a</u> das aleatoriamente.

# TABELA 3.5

# DADOS DE CÉLULAS GERADAS ALEATORIAMENTE PELO PROGRAMA MÓDULO

|    | <u> </u> |                |         |                      |       |       |       |       |
|----|----------|----------------|---------|----------------------|-------|-------|-------|-------|
| N  | IL       | R <sub>S</sub> | LAMBDA  | 10                   | VCA   | VMP   | IMP   | РМАХ  |
| 1  | 0,3233   | 0,0432         | 36,4159 | 1,01E <sup>-10</sup> | 0,601 | 0,507 | 0,307 | 0,155 |
| 2  | 0,3416   | 0,0640         | 36,0125 | 1,48E <sup>-10</sup> | 0,599 | 0,497 | 0,323 | 0,161 |
| 3  | 0,3347   | 0,0499         | 35,7175 | 1,64E <sup>-10</sup> | 0,600 | 0,503 | 0,317 | 0,159 |
| 4  | 0,3772   | 0,0580         | 36,6487 | 7,57E <sup>-11</sup> | 0,605 | 0,507 | 0,310 | 0,157 |
| 5  | 0,3257   | 0,0734         | 36,9499 | 9,52E <sup>-11</sup> | 0,594 | 0,493 | 0,308 | 0,152 |
| 6  | 0,3301   | 0,0254         | 37,2246 | 9,30E <sup>-11</sup> | 0,591 | 0,503 | 0,313 | 0,158 |
| 7  | 0,3218   | 0,0842         | 35,8722 | 7,97E <sup>-11</sup> | 0,617 | 0,510 | 0,305 | 0,155 |
| 8  | 0,3207   | 0,0607         | 37,0225 | 5,73E <sup>-11</sup> | 0,606 | 0,508 | 0,304 | 0,154 |
| 9  | 0,3418   | 0,0456         | 35,4272 | 1,50E <sup>-10</sup> | 0,608 | 0,511 | 0,324 | 0,165 |
| 10 | С,3326   | 0,0455         | 35,8131 | 1,17E <sup>-10</sup> | 0,608 | 0,511 | C,315 | C,161 |
| 11 | 0,3405   | 0,0890         | 36,6542 | 5,27E <sup>-11</sup> | 0,616 | 0,508 | J,322 | 0,164 |
| 12 | 0,3522   | 0,0392         | 36,6384 | 9,44E <sup>-11</sup> | 0,602 | 0,508 | 0,334 | 0,170 |
| 13 | 0,3349   | 0,0424         | 34,8874 | 2,47E <sup>-10</sup> | 0,603 | 0,506 | 0,317 | 0,160 |
| 14 | 0,3294   | 0,0536         | 37,3167 | 9,10E <sup>-11</sup> | 0,590 | 0,494 | 0,312 | 0,154 |
| 15 | 0,3449   | 0,0127         | 37,1100 | 9,78E <sup>-11</sup> | 0,592 | 0,508 | 0,328 | 0,166 |
| 16 | 0,3277   | 0,0564         | 34,7577 | 3,16E <sup>-10</sup> | 0,597 | 0,497 | 0,309 | 0,154 |
| 17 | 0,3419   | 0,0266         | 36,0375 | 1,33E <sup>-10</sup> | 0,601 | 0,511 | 0,324 | 0,166 |
| ÷  |          |                |         |                      |       |       |       |       |

#### 3.3 - ESTUDOS DE PERDAS POR DESCASAMENTO

Fez-se um estudo de perdas por descasamento em modulos fo tovoltaicos aplicado ao satélite de coleta de dados da MECB, com o ob jetivo de determinar a magnitude da perda e sua dependência com relação à arquitetura elétrica.

Inicialmente foram feitas simulações para estudar o desca samento em cadeias e submódulos e, finalmente, em combinações em série e em paralelo mais complexas.

#### 3.3.1 - PERDAS POR DESCASAMENTO EM CADEJAS DE CÉLULAS SOLARES

Fez-se um estudo das perdas por descasamento em cadeias de células solares para um número de células variável a fim de verifi car, além da magnitude da perda, sua dependência com o número de célu las.

Foram utilizados os dados da Tabela 3.4, de média e des vio padrão, para os parâmetros das células da cadeia.

O número máximo de células por cadeia do arranjo fotovol taico do satélite é 68.

Considerando que a geração dos parâmetros das células é feita aleatoriamente, as simulações foram efetuadas levando em conta al guns requisitos estatísticos. As considerações para determinação do t<u>a</u> manho da amostra foram:

a) teorema do limite central,

b) probabilidade de 95% da média calculada x estar no intervalo.

 $\mu - d \leq x \leq \mu + d$ ,

c) erro máximo (d) da média calculada igual a  $\sigma/4$ .

A partir destes requisitos calculou-se o tamanho da amo<u>s</u> tra como n=61 (Shannon, 1975).

A Figura 3.10 apresenta os resultados de simulações de ca deias de celulas solares, sendo que num eixo tem-se o número de celu las da cadeia e no outro a perda de potência relativa ao descasamento em termos de média e desvio padrão da amostra.



Fig. 3.10 - Perda de potência por descasamento em cadeias em função do número de celulas.

## 3.3.2 - PERDAS POR DESCASAMENTO EM SUBMÓDULOS DE CÉLULAS SOLARES

O estudo de perdas por descasamento em submódulos de celu las solares foi feito considerando os mesmos requisitos estatísticos utilizados no estudo de perdas por descasamento em cadeias. Portanto, o tamanho da amostra utilizado foi n=61. Assim como na Subseção 3.3.2, os dados de entrada relati vos aos valores de média e desvio padrão dos parâmetros das células uti lizados na geração aleatória foram extraídos da Tabela 3.4.

Esta parte do estudo se limitou a considerar submódulos formados pela ligação em paralelo de um certo número de celulas.

A influência do número de células na perda de potência do submódulo é apresentada na Figura 3.11.



Fig. 3.11 - Perda de potência por descasamento em submódulos em função do número de celulas.

## 3.3.3 - PERDAS POR DESCASAMENTO EM MÓDULOS DE CÉLULAS SOLARES

O estudo de perda de potência por descasamento em módulos fotovoltaicos foi aplicado ao arranjo fotovoltaico do satélite de col<u>e</u> ta de dados da MECB. Foi considerado o maior módulo do arranjo, ou s<u>e</u> ja, o montado no painel lateral. Serão efetuadas configurações que têm o mesmo número aproximado de células.
Foram consideradas quatro opções de arquitetura elétri ca do módulo para verificar sua influência nas perdas por descasamen to, a saber:

- a) módulo constituído de um único submódulo de 4 cadeias de 68 cé lulas,
- b) modulo constituído de 4 submodulos de 4 cadeias de 17 células,
- c) módulo constituído de 8 submódulos de 4 cadeias de 9 células,
- d) modulo constituído de 12 submodulos de 4 cadeias de 6 celulas.

A Tabela 3.5 apresenta os resultados das simulações, com tamanho da amostra n=61, para as quatro opções citadas em termos de  $m\bar{e}$  dia e desvio padrão.

### TABELA 3.6

## PERDA DE POTÊNCIA POR DESCASAMENTO NUM MÓDULO FOTOVOLTAICO COM DIFERENTES CONFIGURAÇÕES ELÉTRICAS

| ΟΡÇÃΟ | NÚMERO DE<br>SUBMÓDULOS | NÚMERO DE<br>CADEIAS POR<br>SUBMÓDULOS | NÚMERO DE<br>CÉLULAS POR<br>CADEIA | PERDA DE<br>POTÊNCIA<br>MÉDIA (%) | DESVIÓ<br>PADRÃO<br>(%) |
|-------|-------------------------|--|------------------------------------|-----------------------------------|-------------------------|
| a     | 1                       | 4                                      | 68                                 | 0,704                             | 0,078                   |
| b     | 4                       | 4                                      | 17                                 | 0,701                             | 0,043                   |
| С     | 8                       | 4                                      | 9                                  | 0,707                             | 0,045                   |
| d     | 12                      | 4                                      | 6                                  | 0,706                             | 0,042                   |

Os requisitos estatísticos e as distribuições de parâme tros utilizados foram os mesmos das subseções anteriores.

### 3.3.4 - COMENTÁRIOS GERAIS

As simulações efetuadas e descritas neste capítulo revela ram que a perda por descasamento em cadeias não varia linearmente com o número de células, mas tendem para 0,7% (Ns = 68) no caso das células espaciais consideradas. Para submódulos constituídos de cadeias de uma célula, o mesmo fenômeno se verifica e o valor para Np = 20 é da ordem de 0,3%.

O estudo da perda por descasamento no painel lateral r<u>e</u> velou que a arquitetura elétrica do módulo não a influencia e seu valor aproximado é de 0,7%.

De maneira geral pode-se dizer que a perda de potência por descasamento em cada módulo é inferior a 1%.

## CAPITULO 4

# ESTIMATIVA DA PERDA DE POTÊNCIA POR SOMBRA EM PAINÉIS SOLARES

Elaborou-se um estudo da perda de potência relativa à som bra em painéis solares aplicado ao arranjo fotovoltaico descrito na Se cão 3.1. Os efeitos de sombra recaem sobre o painel antigeocêntrico de vido à presença de um mastro no centro e duas antenas nas bordas do pai nel, simetricamente posicionadas em relação ao mastro, como mostra a Fi gura 3.1.

Este capítulo apresenta um modelamento matemático da cél<u>u</u> la solar com sombreamento parcial, um estudo da geometria da sombra no painel, o programa simulador e os resultados obtidos, por simulação, da perda de potência por sombra no painel antigeocêntrico. Considera-se o uso de diodos paralelos para minimização de perdas.

### 4.1 - MODELAMENTO MATEMÁTICO DE UMA CÉLULA SOLAR SOB SOMBRA PARCIAL

Como descrito no Capítulo 2, uma célula solar pode ser ma tematicamente equacionada através de um circuito equivalente caracteri zado por alguns parâmetros, como corrente fotogerada, fator de ideali dade do diodo, corrente de saturação inversa e resistência em série. Quando um célula é sombreada parcialmente, o seu circuito equivalente torna-se uma associação em paralelo de duas células distintas: uma ilu minada e outra no escuro, cada uma delas com parâmetros individuais e distintos daqueles originais.

Dada a dificuldade de modelar a variação de cada parâme tro em função da porção iluminada da célula, partiu-se do principal pa râmetro, corrente fotogerada, e em seguida determinou-se um fator de correção para a corrente de diodo da forma que é descrita a seguir. Compararam-se experimentalmente as curvas I-V de uma cel<u>u</u> la solar para varios niveis de iluminação com as cruvas da mesma celula sombreada parcialmente. A celula utilizada foi fabricada pela Solarex, com tecnologia espacial, e o simulador solar utilizado e da marca Oriel, modelo 6732/6741, com lampada de xenônio de 1000 W.

Foram medidas as curvas características I-V para níveis de iluminação correspondentes a situações de 1/4, 1/2, 3/4 e 1 AMO.

As medidas com sombra parcial foram efetuadas, cobrindo 1/4, 1/2 e 3/4 da area total da celula.

Como resultado obteve-se o gráfico da Figura 4.1, que mo<u>s</u> tra a curva I-V da célula em AMO, cuja corrente de curto-circuito é 290 mA, as curvas para níveis de iluminação variáveis e as cruvas de som breamento parcial com áreas iluminadas variáveis.

Deve-se ressaltar que uma celula a um nivel de iluminação que seja uma fração de AMO recebe a mesma energia que uma celula em AMO com a mesma fração de área iluminada em relação à área total da celula. No entanto, observa-se nos resultados que o sombreamento parcial provo ca uma perda adicional na energia de saída, que pode ser entendida como a fuga de corrente pela região sombreada da celula. Para imular este efeito foi utilizado um fator multiplicativo da corrente do diodo na equação da celula solar, que matematicamente e equivalente a um fator multiplicativo da corrente de saturação inversa (IO).

A comparação entre as curvas da Figura 4.1 sugere que o desvio apresentado é da mesma natureza que as modificações devidas ao parâmetro IO da Figura 2.9. Modificações na corrente de saturação de uma célula provocam uma diminuição na potência máxima e tensão de cir cuito aberto, permanecendo inalterada a corrente de curto-circuito como mostra a Figura 4.2.



Fig. 4.1 - Característica I-V de uma celula solar para variações de nível de iluminação e area il<u>u</u> minada.



Fig. 4.2 - Características de desempenho de uma célula solar para variações de IO.

FONTE: Kennerude (1969).

Tomando por base as curvas da Figura 4.1, chegou-se ao gráfico da Figura 4.3 que mostra a razão entre as potências máximas com sombra e com nível de iluminação equivalente em função da área não-som breada.



Fez se um estudo semelhante ao de Kennerud (1969) apresen tado na Figura 4.2. Utilizando dados de uma celula solar de qualifica ção espacial, 20 X 40 mm, obteve-se o gráfico da Figura 4.4.

Do que foi exposto conclui-se que a equação que represen ta uma célula sombreada deve ser como a 4.2, acrescida de um fator mul tiplicativo da corrente de saturação.

Para estabelecer o fator multiplicativo da corrente de sa turação (KS), foram utilizados os resultados das Figuras 4.3 e 4.4. Da Figura 4.3 extraíram-se os valores de correção de potência máxima dese jados para os casos de área iluminada 1/4, 1/2 e 3/4 da área total da celula. A partir destes valores recorreu-se à Figura 4.4 que fornece os valores de corrente de saturação inversa relativa. Com estes resultados elaborou-se um gráfico do fator de correção, KS, em função da razão en tre área iluminada e área total da celula, conforme mostra a Figura 4.5.





Considerando o estudo apresentado, adotou-se um fator mul tiplicativo da corrente de saturação (KS), sendo:

KS = 10\*\*(2,687 - 3,031 . KR),  $1/4 \le KR \le 3/4$ , (4.1)

onde KR e a razão entre a area iluminada e a area total da celula com sombra parcial. Neste trabalho considera-se que para KR>3/4 o coeficien te KS e igual a 1 e para KR<1/4 a celula e considerada totalmente som breada. Dessa forma a equação de uma celula com area iluminada v<u>a</u> riavel de O a 100% fica como na Equação 4.2.

$$I = KR.IL-KS.IO, (exp(q.(v+Rs.I)/.A.K.T=-1)).$$
 (4.1)



Fig. 4.5 - Fator multiplicativo da corrente de saturação em função da razão entre área iluminada e área total da celula.

Pode ser verificado através das Figuras 4.1 e 4.4 que as correções para potência máxima por este método implicam uma diminuição da tensão de circuito aberto. Com esta correção, a tensão de circuito aberto cai abaixo do valor real, preservando no entanto a condição de pior caso. Os efeitos do sombreamento parcial em arranjos fotovolta<u>i</u> cos são semelhantes aos do descasamento porem de consequências mais gr<u>a</u> ves. O grafico da Figura 2.17 se presta também para exemplificar uma a<u>s</u> sociação em série de uma célula sombreada parcialmente com outra nã<u>o</u> -sombreada. O sombreamento parcial de arranhos fotovoltaicos, assim c<u>o</u> mo o descasamento, pode resultar em células que operam com tensão <u>in</u> versa. Esta condição pode provocar falhas nas células e, conseqüentemen te, reduzir a capacidade do arranjo permanentemente.

### 4.2 - CARACTERÍSTICAS GEOMÉTRICAS DA SOMBRA NO PAINEL ANTIGEOCÊNTRICO

No painel solar em estudo ocorre sombreamento parcial, causando pela presença de elementos estruturais com formatos basicame<u>n</u> te cilíndricos, ou seja, mastro e antenas.

A sombra resultante tem formato triangular, como pode ser visto na Figura 4.6.



Fig. 4.6. - Sombra e penumbra do mastro iluminado com incidência perpendicular ao seu eixo lon gitudinal.

Da Figura 4.6 deduz-se a Equação 4.3, que da a altura do triângulo de sombra, ls, em função do diâmetro do mastro e da distância entre este e o Sol:

$$ls = dsm. \ \emptyset \ m/\emptyset \ sol, \tag{4.3}$$

onde:

1s : comprimento da sombra,

dsm : distância entre o mastro e o Sol,

Øm : diâmetro do mastro,

Øsol: diametro do Sol.

A região de penumbra e caracterizada por ter iluminação nula em qualquer ponto localizando nas arestas do triangulo de sombra e iluminação total em qualquer ponto localizado num dos segmentos de reta que limitam a região, sendo variavel a iluminação entre estes extremos.

O mastro do satélite possui diâmetro  $\emptyset_m$  = 2cm e altura hm = 10m.

Considerando uma incidência luminosa perpendicular ao eixo longitudinal do mastro e usando a Equação 4.3, foi calculado o va lor de ls = 2,29m.

A Figura 4.7 apresenta uma vista lateral do satélite e define o ângulo de incidência luminosa como α.

O periodo da orbita do satélite é 99 min e correponde a uma velocidade angular W =  $3,64^{\circ}/min$ . A partir deste dado, do valor do diâmetro do painel Øp = 1m e da altura do mastro, calculou-se o valor, de  $\alpha$  acima do qual o comprimento da sombra do mastro ls é maior do que o raio do painel, e obteve-se  $\alpha = 5,7^{\circ}$ . Analisando a orbita de maior noite (Sol contido no plano da orbita) em que o ângulo varia de -90 a +90 em 49,5 min., conclui-se que  $\alpha > 5,7^{\circ}$  durante 93,7% da orbita. Por esta razão, será considerado neste trabalho que ls<sub> $\alpha$ </sub> é maior que o raio do painel para qualquer valor de  $\alpha$ .



Fig. 4.7 - Vista lateral do satélite sob iluminação.



Fig. 4.8 - Geometria da sombra do mastro,

Tendo em vista o trabalho de simulação, a geometria da sombra do mastro foi modelada de tal forma a considerar a região de som bra como retangular. A Figura 4.8 mostra o triângulo de sombra, penum bra e o modelo retangular de sombra. O modelo para simulação não consi dera a região de penumbra. Apesar disto, este modelo é conservativo, uma vez que a área de sombra retangular é o dobro da triangular. O mastro do satélite em estudo é flexível e possui uma massa na extremidade; no entanto, o modelo de simulação o considera ri gido e os efeitos da massa são desprezados uma vez que, dada sua distân cia em relação ao painel, seus efeitos de sombra são desprezíveis em magnitude e período de ocorrência. Cabe ressaltar, ainda, que o satéli te não é estabilizado ao redor do seu eixo longitudinal e, poristo, o estudo requer uma análise abrangente com relação ao posicionamento da sombra sobre o painel antigeocêntrico.

Como pode ser visto na Figura 3.1, o painel antigeocên trico possui 8 setores, cada um deles contendo um módulo de 68 células em série e uma porção de outro módulo, perfazendo um total de 10 módu los de 68 células em série como foi mostrado na Figura 3.2. Existem ain da 2 sensores solares localizados em setores distintos e simétricos em relação ao eixo.

Neste trabalho considera-se um único tipo de setor para simulação com o número máximo de células, ou seja, um módulo completo de 68 e uma porção de módulo de 18 células, num total de 86. Desta for ma, pode-se estudar a perda por sombra na condição de pior caso com r<u>e</u> lação ao setor afetado.

Assim, considerando todos os setores iguais, a perda mé dia pode ser estimada analisando apenas uma porção do painel.

As antenas do satélite possuem diâmetro a = 1,5 cm e a. tura ha = 4,5 cm.

Como ja foi mencionado anteriormente através de Equação 4.3, o comprimento da sombra de um objeto sob incidência luminosa nor mal varia com seu diâmetro. Para outros ângulos de incidência, o com primento da sombre ls é dado pela Equação 4.4:

$$ls_{\alpha} = ls$$
. sen $\alpha$ . (4.4)

No caso de objetos com alturas pequenas como a antena, o comprimento efetivo da sombra é menor que ls , como mostra a Figura 4.9.



Fig. 4.9 - Comprimento de sombra da antena.

O comprimento de sombra para o caso da antena, ls $_{\alpha}^{\prime}$  serã considerado.

Todas as demais considerações feitas para a sombra do mas tro são tomadas para as antenas.

### 4.3 - PROGRAMA SIMULADOR

Com o objetivo de estudar os efeitos do sobreamento na m $\overline{a}$ xima potência de saída de um painel solar, desenvolveu-se um programa em computador digital na linguagem ALGOL.

Este programa tem como cerne, o programa Módulo, descrito com detalhes no Capítulo 3, o qual tem a capacidade de simular módulos de celulas solares com arquiteturas específicas. Uma sub-rotina para cálculo da área sombreada de cada  $c\underline{e}$ lula é agregada ao programa Módulo, e a simulação de diodos de proteção é também implementada.

#### 4.3.1 - DESCRIÇÃO DO ALGORÍTMO

O programa simulador de arranhos fotovoltaicos sombreados possui duas sub-rotinas especialmente importantes, as quais constituem o corpo do programa, a saber: sub-rotina SOMBRA e sub-rotina MÓDULO. A Figura 4.10 apresenta o fluxograma funcional do programa.



Fig. 4.10 - Fluxograma funcional do programa simulador de arranjos fotovoltaicos sombreados.

Para fazer a estimativa da curva característica I-V de um arranjo de celulas solares sombreado parcialmente, e essencial que se conheça quantas celulas estão sob sombra, que percentual da área da c<u>e</u> lula e iluminado e, no caso de arranjos reais, quais são os parâmetros da celula em questão. Este cálculo e efetuado através da sub-rotina som bra cujo fluxograma funcional e apresentado na Figura 4.11.

Como mencionado anteriormente, a estimativa da perda por sombra no painel antigeocêntrico é efetuada com base na análise de uma porção do painel. Esta porção corresponde a 2 setores dos 8 existentes no painel. Eletricamente, 2 setores correspondem a 2 módulos de 68 cél<u>u</u> las em série e uma porção de módulo.



Fig. 4.11 - Fluxograma funcional da sub-rotina SOMBRA.

A sub-rotina é inicializada com o posicionamento das célu las solares de um setor. Com o objetivo de sistematizar o posicionamen to, o setor é dividido em seções, que são grupos de células alinhadas horizontalmente. São especificados o número de seções, o número de célu las de cada seção, o intervalo entre seções e as coordenadas da primei ra célula.

A distribuição de celulas e efetuada tomando como referen cia um sistema de eixos de coordenadas cartesianas. Cada celula possui 4 coordenadas que lhe são atribuídas durante a execução da sub-rotina, a saber: coordenada esquerda no eixo X, coordenada direita no eixo X, coordenada superior no eixo Y e coordenada inferior no eixo Y.



A Figura 4.2 mostra uma célula solar com suas coordenadas.

Fig. 4.12 - Célula solar com suas coordenadas cartesianas.

O centro do elemento estrutural (mastro ou antena) é posi cionado sobre o eixo X e as celulas são posicionadas considerando este posicionamento.

Quando se estuda a sombra do mastro, a primeira celula e posicionada próxima ao eixo X, levando em conta o arranjo físico do pai nel da Figura 3.1. As demais celulas são posicionadas com coordenadas em Y crescentes. No caso da antena, posiciona-se a primeira celula no pon to mais distante do eixo X de modo que as demais sejam posicionadas com coordenadas decrescentes em Y.

A Figura 4.13 ilustra ambos os casos, incluindo o posici<u>o</u> namento do elemento estrutural.



Fig. 4.13 - Distribuição de celulas para o estudo de sombra do mastro (a) e antena (b).

Todas as decisões mencionadas anteriormente são tomadas por programação.

Em seguida são calculados os índices Ks de cada celula do setor, chamado 1, que representa o percentual de área, iluminada da celula através da sub-rotina CALCULAKS, que sera descrita posteriormente.

No caso do mastro, por razões de dimensão, o posicionamen to deste na interface de dois setores pode resultar no sombreamento par cial de células pertencentes a cada um dos setores. Por esta razão, o estudo de perdas por sombra no painel antigeocêntrico é efetuado com ba se em 2 setores que envolvem 3 módulos, sendo um completo por setor e uma parcela de módulo semicircular distribuída em ambos os setores em 2 grupos de 18 células. Desta forma, o próximo passo a ser executado pela sub-ro tina é o posicionamento para análise do setor 2. Isto se dá por uma ro tação da sombra do mastro igual ao ângulo entre setores, no caso 45<sup>0</sup>. Assim, simula-se a análise em 2 setores, conforme mostra a Figura 4.14.



Fig. 4.14 - Posicionamento geométrico dos setores do painel antigeocêntrico para estudo de sombra.

Conforme citado anteriormente, a determinação do findice Ks de cada célula do setor é efetuada pela sub-rotina CALCULAKS, cujo fluxograma funcional é descrito na Figura 4.15.

Quando se estuda os efeitos do sombreamento do painel de vido as antenas determina-se o comprimento da sombra através da Equação 4.4, o que não ocorre com a sombra do mastro.

A determinação do indice Ks de cada celula é efetuada f<u>a</u> zendo uma intersecção da geometria da sombra com a distribuição de cel<u>u</u> las.



Fig. 4.15 - Fluxograma funcional da sub-rotina CALCULAKS.

Cada celula e verificada individualmente atraves de suas coordenadas estabelecidas na sub-rotina SOMBRA. A geometria da sombra e representada por duas retas, a saber: o contorno direito da sombra e o contorno esquerdo da sombra, representadas pelas Equações 4.5 e 4.6, no caso do mastro.

Contorno direito do mastro:

$$y = x.tg\beta - CDM.tg\beta + CIM.$$
(4.5)

Contorno esquerdo do mastro:

 $y = x_{\star} tx_{\beta} - CEM_{\star} tg_{\beta} + CSM_{\star}$ (4.6)

No caso do mastro estuda-se o sombreamento de 50% do setor 1 e 50% do setor 2, ou seja, 45  $\leq .6 \leq 90$ .



Fig. 4.16 - Coordenadas basicas da sombra do mastro.

A Figura 4.15 mostra as coordenadas da sombra do mastro, ou seja, a reta que caracteriza o contorno esquerdo da sombra sempre passa pelo ponto (CEM, CSM) e a reta que caracteriza o contorno direito da sombra sempre passa pelo ponto (CDM, CIM), ambas variando de inclina ção na faixa jã citada. Desta forma a largura minima do retângulo de sombra ocorre nos ângulos extremos, e é igual ao diâmetro, do mastro, e a largura máxima ocorre no ângulo médio, e é 8,2% superior ao diâmetro do mastro.

Um estudo semelhante foi feito para a sombra da antena, diferindo apenas na faixa de ângulos de inclinação, sendo  $0 \le \beta \le 67,5^\circ$ , sendo que a largura máxima do retângulo de sombra é 20,3% maior que o diâmetro da antena.

Tanto no caso do mastro como da antena a condição de pior caso foi assegurada. Para o cálculo dos indices de iluminação individuais das celulas faz-se, inicialmente, uma verificação de posicionamento de cada celula com relação a sombra e determina-se quais celulas estão afet<u>a</u> das.

Em seguida procede-se ao calculo das coordenadas de inte<u>r</u> secção entre as retas de contorno da sombra e as faces das celulas af<u>e</u> tadas.

De posse desses dados determina-se a geometria da parte sombreada de cada célula afetada e, finalmente, calcula-se o percentual de área não afetada, do que decorre o valor do índice Ks, que é iqual a 1 para celulas não afetadas e e menor que i para as celulas sombrea das. Os valores do índice Ks para células individuais são agora referen ciados ao modelo elétrico do arranho para atuar conforme mostram as Equações 4.1 e 4.2. Considera-se que 68 celulas do setor 1 são integran tes do módulo 1, 68 células do setor 2 são integrantes do módulo 2, е as demais 18 celulas de cada setor integram o modulo 3 que possui tam bém 68 células; porém 32 delas não estão no alcance da sombra.

Em seguida procede-se à análise elétrica dos módulos de céulas, utilizando para tanto a sub-rotina MODULOM que nada mais é que o programa Módulo modificado.

A modificação com relação à Figura 3.8 reside no bloco que faz a somatória das tensões dos submódulos para valores de corrente dentro da faixa estabelecida e consiste na inclusão da queda de tensão no diodo na somatória de tensões, ficando portanto:

$$Vm (Im) = \sum_{sm=1}^{NSUB} Vsm (Im) + Vdb (Im).$$
 (4.7)

O cálculo é efetuado através de interpolação linear.

A sub-rotina MODULOM, assim como o programa que a origi nou, utiliza uma sub-rotina SUBMODULOM que nada mais é que a sub-rotina submódulo, da Figura 3.7, modificada para estudos de sombreamento.

A modificação consistiu em introduzir a capacidade de aná lise de submódulos protegidos com diodos paralelos. Na Figura 3.7, ao bloco que faz a somatória de correntes de cadeia, com a finalidade de determinar a corrente do submódulo, é adicionado um termo corresponden te à corrente do diodo paralelo como mostra a Equação 4.8:

$$Ism (Vsm) = \sum_{c=1}^{NCAD} Ic (Vsm) + Idp (Vsm), \qquad (4.8)$$

Finalmente, uma vez de posse das potências māximas dos mó dulos, determina-se a perda de potência do arranjo com base na somató ria de potências māximas de cada celula do arranjo comparada à potência māxima do arranjo sombreado.

### 4.3.2 - ENTRADA DE DADOS

Os dados de entrada utilizados no programa podem ser clas sificados em dois tipos, a saber: dados referentes a simulação elétri ca e dados referentes a simulação geométrica.

Os dados da simulação elétrica são basicamente os mesmos jã citados no Capítulo 3, por ocasião da descrição do programa Módulo, acrescidos da opção de utilizar diodos paralelos nos submódulos e da curva do diodo, utilizada nas simulações que incluem diodos de bloqueio e diodos paralelos.

No que se refere aos dados da simulação geométrica, deve -se mencionar o número de seções (NSEC), número de células de cada se ção (NCS), comprimento de cada seção (LSEC), intervalo entre seções (INTSEC), raio do mastro ou antena (RM, RA), ângulo (ALFA), fator de correção de IL devido a $\alpha$  (CTC) e centro do mastro ou antena (CM, CA). A partir destes dados o programa distribui as células no plano XY e cal cula a área sombreada das células afetadas com base nas equações das retas de contorno de sombra.

Dessa forma o programa possui boa versatilidade, uma vez que pode simular o sombreamento de paineis com número de celulas varia vel, geometria não necessariamente triangular, diversas configurações em serie e em paralelo, ângulo de incidência variavel e diversas op ções de proteção ao sombreamento parcial.

### 4.3.3 - SAÍDA DE RESULTADOS

As opções de saída do programa são as mesmas ja descritas no Capítulo 3, durante a apresentação do programa Módulo, acrescidas da curva I-V do arranho sombreado na forma de pares (I, V) e pontos prin cipais da curva como corrente de curto-circuito (Icca), tensão de cir cuito aberto (Vcaa), corrente de máxima potência (Impa), tensão de máxi ma potência (Vmpa) e potência máxima (Pmaxa).

Quanto aos resultados geométricos do sombreamento, exis te a opção de obter uma tabela de indices de iluminação de cada uma das 68 células dos 3 módulos em estudo.

#### 4,4 - ESTUDOS DE SOMBREAMENTO

Fez-se um estudo de perdas por sombreamento aplicado ao satélite de coleta de dados da MECB, com o intuito de conhecer a magni tude da perda, levando em conta o ângulo de incidência variável no <u>pai</u> nel antigocêntrico, a sombra do mastro e antenas, e o <u>posicionamento</u> variável do satélite com relação ao eixo longitudinal.

## 4.4.1 - PERDA DE POTÊNCIA POR SOMBREAMENTO NO PAINEL ANTIGEOCÊNTRICO SEM DIODOS PARALELOS

Considerando a magnitude dos valores de perda por desca samento dos parametros das células em módulos fotovoltaicos estimados por simulação no Capítulo 3, o estudo que se segue baseia-se em célu las com parametros da característica direta iguais aos valores médios da Tabela 3.4.

Para avaliar a faixa de variação percentual da perda de potência, com relação aos valores possíveis de condutância na região inversa, procedeu-se a 3 casos de simulação da perda por sombra do mas tro, a saber: condutância inversa máxima (melhor caso), condutância in versa mínima (pior caso) e condutância inversa média. Os dados foram ti rados da Tabela 3.4.

A Tabela 4.1 apresenta os resultados das simulações que demonstram haver diferença percentual inferior a 0,2% entre o melhor e o pior caso.

### TABELA 4.1

# INFLUÊNCIA DA CONDUTÂNCIA INVERSA DAS CELULAS NA PERDA DE POTÊNCIA DO ARRANJO FOTOVOLTAICO

| CONDUTÂNCIA<br>INVERSA | PERDA DE<br>POTÊNCIA (%) |  |  |
|------------------------|--------------------------|--|--|
| ΜΆΧΙΜΑ                 | 14,29                    |  |  |
| MÉDIA                  | 14,36                    |  |  |
| MÍNIMA                 | 14,44                    |  |  |

As simulações foram efetuadas para um ângulo de incidência igual a 45<sup>0</sup> e ângulo , mostrado na Figura 4.14, igualmente em 45<sup>0</sup>.

Com base nos resultados da Tabela 4.1 considerar-se- $\overline{a}$  a condição de pior caso em termos de condutância inversa.

Como mencionado anteriormente, o sombreamento do painel antigeocêntrico é devido ao mastro e as duas antenas.

Pela Figura 3.1 observa-se que as antenas guardam uma posição de simetria com relação ao mastro, e que para uma dada posição do satélite em seu eixo longitudinal apenas uma das antenas produz som bra sobre o painel antigeocêntrico. Desta forma, é suficiente estudar o sombreamento de uma delas.

Devido ao posicionamento dos elementos estruturais e do comprimento da sombra das antenas no painel antigeocentrico, ocorre ain da que as sombras da antena e do mastro afetam módulos distintos, do tipo contido em um setor. A fim de simular o pior caso, serão conside rados distintos os módulos semicirculares afetados por um e outro el<u>e</u> mento.

Pelo que foi exposto serão estudados os efeitos de cada elemento isoladamente. No que se refere a perda de potência devida ao mastro, simulações foram efetuadas variando a posição da sombra numa faixa que vai de  $45^{\circ}$  a  $90^{\circ}$  como na Figura 4.14. O resultado da simul<u>a</u> ção neste intervalo é repetitivo com relação a outros intervalos sem<u>e</u> lhantes como 0 -  $45^{\circ}$ ,  $90^{\circ}$  -  $135^{\circ}$ , etc., considerando as condições de pior caso jã estabelecidas.

As simulações tiveram incremento angular de 1,5<sup>0</sup> e variou -se o ângulo de incidência. Devido ao comprimento do mastro ser 20 ve zes superior ao raio do painel, a área sombreada não varia, e assim os percentuais de perda média verificados são muito próximos, conforme mos tra a Tabela 4.2.

### TABELA 4.2

#### PERDA DE POTÊNCIA MÉDIA POR SOMBRA RELATIVA AO MASTRO

| ÂNGULO DE<br>INCIDÊNCIA (%) | PERDA DE POTÊNCIA<br>MÉDIA (%) | DESVIO<br>PADRÃO (%) |
|-----------------------------|--------------------------------|----------------------|
| 15                          | 15,63                          | 6,08                 |
| 30                          | 15,63                          | 6,08                 |
| 45                          | 15,63                          | 6,07                 |
| 60                          | 15,63                          | 6,06                 |
| 75                          | 15,60                          | 6,04                 |

A Figura 4.17 mostra um gráfico da perda de potência em função do ângulo, onde se observa uma região de perda inferior a 1% en tre 20<sup>0</sup> e 25<sup>0</sup>, referente a região de interface entre setores. Observa -se, ainda, a ocorrência de uma variação no restante da curva aproxima damente na faixa de 14% a 20%. Esta variação se deve a geometria da dis posição de células no painel.

De forma semelhante ao estudo do mastro, foram feitas si mulações para estimar a perda de potência por sombra da antena. Verifi cou-se que ao contrário da sombra do mastro a da antena tem área variá vel com o ângulo de incidência. Isto se deve ao fato de a antena ter al tura inferior a 10% do raio do painel. A Tabela 4.3 apresenta os resul tados da perda de potência num setor, em termos de média e desvio pa drão.

A Figura 4.18 apresenta um grafico da perda de potência r<u>e</u> lativa a sombra da antena num setor do painel, para um ângulo de inc<u>i</u> dência  $45^{\circ}$ .



Fig. 4.17 - Perda de potência por sombra do mastro com ângulo de incidência de 45<sup>0</sup>.

Observa-se na Figura 4.18 que o contrário da sombra do mastro a da antena tem uma curva suave.

A Tabela 4.3 fornece os valores da perda média no setor, no entanto, o valor de perda média no painel deve considerar uma varia ção angular de 0 a  $180^{\circ}$  que envolve 2 setores (2 x 66,5°), mais 45° refe rentes ao intervalo em que a sombra da antena se projeta para fora do apinel.

Este valor de perda média, somado à perda média relativa ao matro, dá o valor da perda de potência por sombra dos elementos es truturais em termos de valor médio.



Fig. 4.18 - Perda de potência por sombra da antena num setor do painel antigeocêntrico para o ângulo de incidência de 45<sup>0</sup>.

## TABELA 4.3

# PERDA DE POTÉNCIA POR SOMBRA DA ANTENA NUM SETOR DO PAINEL ANTIGEOCÊNTRICO

| ÂNGULO DE<br>INCIDÊNCIA (%) | PERDA DE<br>POTÊNCIA MEDIA (%) | DESVIO<br>PADRÃO (%) |  |
|-----------------------------|--------------------------------|----------------------|--|
| 15 <sup>0</sup>             | 0                              | 0                    |  |
| 30 <sup>0</sup>             | 3,02                           | 1,50                 |  |
| 40 <sup>0</sup>             | 3,07                           | 1,52                 |  |
| 60 <sup>0</sup>             | 4,94                           | 1<br>  1,95          |  |
| 75 <sup>0</sup>             | 6,89                           | 2,23                 |  |

A Tabela 4.4 da a perda de potência média relativa  $\overline{a}$  an tena, considerando o painel antigeocêntrico inteiro.

Com base nos gráficos das Figuras 4.17 e 4.18, pode-se di zer que a maior perda de potência ocorre no intervalo entre O e  $45^{\circ}$ . A Figura 4.19 mostra a perda de potência por sombra do mastro e antenas nesse intervalo.

## TABELA 4.4

# PERDA MÉDIA DE POTÊNCIA POR SOMBRA DAS ANTENAS NO POTENCIAL ANTIGEOCÊNTRICO

| ÂNGULO DE<br>INCIDÊNCIA (%) | PERDA MÉDIA<br>DE POTÊNCIA (%) |  |
|-----------------------------|--------------------------------|--|
| 15                          | 0                              |  |
| 30                          | 2,26                           |  |
| 45                          | 2,27                           |  |
| 60                          | 3,71                           |  |
| 75                          | 5,17                           |  |



Fig. 4.19 - Perda por sombra dos elementos estruturais no painel antigeocêntrico com ângulo de incidê<u>n</u> cia de 45º.

Uma análise dos resultados das simulações efetuadas para ângulos de incidência entre 15° e 75°, permitiu a estimativa da perda média de potência no painel antigeocêntrico, assim como a perda máxima e a posição em que ocorre para os mesmos ângulos de incidência. Estes dados são apresentados na Tabela 4.5.

## TABELA\_4.5

## VALORES MEDIOS E MÁXIMOS DA PERDA DE POTÊNCIA POR SOMBRA NO PAINEL ANTIGEOCÊNTRICO

| ÂNGULO DE<br>INCIDÊNCIA (%) | PERDA MÉDIA<br>DE POTÊNCIA (%) | PERDA MÁXIMA<br>DE POTÊNCIA (%) | ANGULO DE<br>PERDA MÁXIMA ( <sup>O</sup> ) |
|-----------------------------|--------------------------------|---------------------------------|--|
| 15                          | 15,6                           | 15,6                            | _  |
| 30                          | 17,9                           | 24,6                            | 27   |
| 45                          | 17,9                           | 24,6                            | 27   |
| 60                          | 19,3                           | 29,1                            | 39   |
| 75                          | 20,8                           | 29,3                            | 31   |

Os valores de perda média são maiores para ângulos de in cidência mais elevados, em função da componente de perda relativa à som bra da antena.

# 4.4.2 - PERDA DE POTÉNCIA POR SOMBREAMENTO NO PAINEL ANTIGEOCÊNTRICO COM DIODOS PARALELOS

A perda de potência em painéis solares, devido à sombra, pode ser minimizada com a utilização de diodos paralelos, como foi de<u>s</u> crito na Subseção 2.5.2. No caso específico do painel solar em estudo, constituído de modulos de 68 células em série, o sombreamento de uma celula significa a perda do módulo inteiro, como e possível verificar atraves de uma análise dos resultados apresentados na Subseção 4.4.1.

Considerou-se neste estudo a utilização de celulas do <u>ti</u> po "com diodo integrado", descritas na Subseção 2.2.5.

Para a elaboração deste estudos, foi utilizado o mesmo pro grama desenvolvido para a análise de perdas por sombra descrita na Se ção 4.3, acrescentando apenas a possibilidade de associar uma celula em paralelo com um diodo a fim de simular celulas com diodo integrado. A curva característica I-V, considerada para o diodo, foi obtida através de dados experimentais da empresa Spectrolab.

As mesmas condições geométricas e de iluminação considera das no estudo de sombra sem diodos paralelos foram consideradas, e os efeitos de sombra do mastro foram simulados separadamente aos efeitos de sombra das antenas.

Semelhantemente à Subseção 4.4.1, consideraram-se vários ângulos de incidência luminosa para o caso das antenas e verificou-se que a perda de potência por sombra das antenas e inferior a 0,5% sendo, portanto, da mesma ordem de grandeza da perda de potência por descasa mento de celulas analisada no Capítulo 3.

Na subseção anterior verifiou-se que a perda de potência por sombra do mastro é aproximadamente constante com relação ao angulo de incidência e, tendo em vista este fato, considerou-se um angulo de incidência igual a 45<sup>0</sup> para esta análise. A Figura 4.20 apresenta um gráfico da perda de potência em função do angulo azimutal.

Desta Figura podem-se extrair os valores máximos e médio de perda de potência, sendo 10,7% e 3,2% respectivamente. Verificou-se também que o ângulo de 27<sup>0</sup> ocorre perda máxima.



Fig. 4.20 - Perda por sombra no painel antigeocentrico usando celulas com diodo integrado a um an gulo de 45°.

A característica não-simétrica da curva da Figura 4.20 se deve ao fato de o setor do painel antigeocêntrico não ser simétrico com relação as conexões elétricas das células.

## 4.4.3 - ANÁLISE COMPARATIVA DOS EFEITOS DO SOMBREAMENTO NA PERDA DE PO TÊNCIA DO PAINEL ANTIGEOCÊNTRICO COM E SEM DIODOS PARALELOS

Com base nos resultados obtidos nas Subseções 4.4.1 .e 4.4.2, pode-se fazer uma análise comparativa para a perda de potência por sombra com e sem diodos paralelos.

A Tabela 4.6 apresenta os valores de perda máxima e  $m\hat{e}$ dia para os dois casos, considerando o ângulo de incidência de 45<sup>0</sup>.

Segundo os resultados desta comparação, pode-se afirmar que, no pior caso em que ocorrer perda máxima, o uso de diodos - parale los representa uma redução da perda a um valor inferior a 50% do valor da perda sem o uso de diodos. No entanto, em termos de média, o uso de diodos reduz a perda a menos de 20% daquele caso quando não se usam dio dos.

## TABELA 4.6

# COMPARAÇÃO ENTRE OS VALORES MÉDIO E MÁXIMO DA PERDA DE POTÊNCIA POR SOMBRA NO PAINEL ANTIGEOCÊNTRICO COM E SEM DIODOS PARALELOS

|              | SEM DIODOS | COM DIODOS | PERDA C/ DIODO |
|--------------|------------|------------|----------------|
|              |            |            | PERDA S/ DIODO |
| PERDA MEDIA  | 17,9%      | 3,2%       | 17,8%          |
| PERDA MÁXIMA | 24,6%      | 10,7%      | 43,5%          |
## CAPÍTULO 5

#### CONCLUSÕES

O fenômeno do descasamento das características elétricas de células solares pode afetar significantemente à capacidade de um ar ranjo fornecer energia.

Neste trabalho verificou-se como o descasamento natural de celulas solares influencia a potencia máxima de saída de um bainel, con siderando celulas de qualificação espacial (Spectrolab). Verificou-se que, tanto para cadeias como para submódulos de celulas solares, a perda por descasamento não é uma função linear do número de celulas, mas tende para aproximadamente 0,7% em cadeias e 0,3% em submódulos. Através de uma análise aplicada ao painel lateral do satelite em estudo, constatou -se que a arquitetura elétrica do módulo não influencia significativamen te sua perda por descasamento, sendo seu valor aproximadamente 0,7% em média. E razoãvel dizer que a perda por descasamento em cada paine! late ral é inferior a 1%.

Além do descasamento natural, estudou-se um outro tipo de descasamento, no caso acidental, de importância muito significativa no que diz respeito à perda de potência. Trata-se do fenômeno da sombra par cial em arranjos fotovoltaicos. Através de um ajuste na corrente de dio do do circuito equivalente da célula solar fez-se o modelamento matemáti co da célula solar sob sombra. Com o estudo de perda por sombra dos el<u>e</u> mentos estruturais, aplicado ao painel antigeocêntrico do satélite consi derado, constatou-se que a perda por sombra relativa ao mastro está numa faixa de valores entre 14% e 20%, exceto na região entre setores onde a perda é inferior a 1%, ficando a média em torno de 15,6%.

Verificou-se que a perda de potência média devida à sombra da antena, varia desde 0% em 15<sup>0</sup> de ângulo de incidência luminosa até 6,9% em 75<sup>0</sup>, sendo a perda máxima em 45<sup>0</sup> inferior a 5%. A perda de potência, média relativa à sombra para dência luminosa de  $45^{\circ}$  é da ordem de 17,9% e a máxima de 24,6%,

inci

sendo

esta última mais significativa uma vez que o satélite deverá ter apenas uma velocidade residual em torno de seu eixo longitudinal, podendo opé rar durante toda uma órbita na condição de perda máxima.

Estudou-se, finalmente, a minimização da perda de potên cia do painel antigeocêntrico com o uso de diodos paralelos e verificou -se neste caso uma perda média de 3,2% e máxima de 10,7% a um ángulo de incidência de 45<sup>°</sup>. A perda relativa as antenas foi inferior a 0,5%.

A comparação dos resultados de perda de potência no pai nel composto de células com e sem diodos paralelos revelou que, em ter mos de média, o uso de diodos reduz a perda a menos de 20% do valor da perda no caso das células sem diodo. Em termos de valor máximo, o per centual é inferior a 50%. Em suma, estes resultados vêm afirmar a con veniência da utilização de células do tipo "com diodo integrado" ou uma arquitetura que inclua diodos em paralelo no painel antigeocêntrico do Satélite de Coleta de Dados da MECB.

A perda de potência média do gerador solar, considerando que o painel antigeocêntrico contribui com 30% da potência total, é aproximadamente 9%, sem o uso de diodos, e 1% com o uso de diodos para lelos.

Para trabalhos posteriores pode-se sugerir um estudo dos efeitos da temperatura na perda de potência em painéis e arranjos foto voltaicos, e um estudo de arquitetura ótima para painéis solares de uso espacial do ponto de vista de confiabilidade.

### BIBLIOGRAFIA

- APPULBAUM, J.; SHECHTER, M.; BANY, J.; YEKUTIELI, G. Array representation of nonidentical cells. IEEE Transactions on Electron Devices, ED-29(8):1145-1151. Aug. 1982.
- BANY, J.; APPELBAUM, J.; BRAUSTEIN, A. The influence of parameters dispersion of electrical cells on the array power output. *IEEE Transactions on Electron Devices*, ED-24 (8):1032-1040, Aug. 1977.
- BARDNELL, K.; LAMBARSKI, T. J.; TURFLER, R.M.; ROGERS, C.B. Minimizing end shadowing effects on parabolic concentrator arrays. In: IEEE PHOTOVOLTAIC SPECIALISTS CONFERENCE, 14. San Diego, Jan. 7-10, 1980. Conference Record. New York, IEEE, 1980, p. 765-770.
- BARROS, C. J. C. Estimativa da curva corrente-tensão de paineis foto voltaicos em satélites artificiais, considerando ângulos de incidên cia, efeitos da temperatura e degradação por radiação. Dissertação de Mestrado em Eletrônica e Comunicações. São José dos Campos, INPE, Abr. 1985. 108p. (INPE-3497-TDL/191).
- BARROS, C. J. C.; ADABO, G. J. Cálculo para especificação preliminar do gerador solar do Satélite de Coletu de Dados da MECB. São José dos Campos, INPE, no prelo.
- BRICKER, R. W.; RICHERTT, H. H. S-band resonant quadifilar antena for satellite comunications. *BCA Engineer*, 20(5):70-73, Feb. 1975.
- DIAMOND, R. M.; STEELE, E. D. Solar arrays with integral diodes. International Coloquiri on solar cells, Toulose, July, 1970. 17p.
- DIAMOND, R. M. Advanced developments of integral diode solar cells. *IEEE Photovoltaic Specialists Conference*, 9., Silver Spring, IEEE, May 25, 1972, 12p.
- GUPTA, A.; MILNES, A. G. Effects of shading and defects in solar cell arrays: a simple approach. In: IEEE PHOTOVOLTAIC SPECIALISTS CONFERENCE, 15., Kissimmee, May 12-15, 1981. Conference record. New York, IEEE, 1981, p. 1111-1116.

- HOVEL, H. J. Semiconductors and Semimetals. New York, Academic Press. 1975. v.2. 253p.
- KENNERUD, K. L. Analysis of performance degradation in CdS solar cells. IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems, AES-5(6):912-917, Nov. 1969.
- LAMBARSKI, T. J.; KADLEC, D. L.; ROGERS, C. B. Effects of cell sorting and module matching on array output. In: JEEE PHOTOVOLTAIC SPECIALISTS CONFERENCE, 15., Kissimmee, May 12-15, 1981. Conference record. New York, IEEE, 1981, P. 841-844.
- LAMBARSKI, T. J.; TURFLER, R. M.; BARDWELL, K. E.; ROGERS, C.B. PV-TAP. A program for performing electrical and thermal analyses on photovoltaic elements. In: IEEE PHOTOVOLTAIC SPECIALISTS CONFERENCE, 14., San Diego. Jan. 7-10, 1980. Conference record. New York, IEEE, 1980, p. 1272-1276.
- RAUSCHENBACH, H. S. Electrical output of shadowed solar arrays. *IEEE Transactions on Electron Devices*, *ED-18(8)*:483-490, Aug. 1971.
- RAUSCHENBACH, H. S. *Solar cell array design handbook*. New York, Van Nostrand Reinhold, 1980. 550p.
- SHANNON, R.E. System simulation the art and science. Engleewood Cliffs, N. J., Prentice-Hall, 1975. 387p.
- SHECHTER, M.; APPELBAUM, J.; YEKUTIELI, G. Parameters of solar cell arrays. *INEE Transactions on Electron Devices*, *ED*-30 (6):616-618, June 1983.
- SINGH, V. N.; SINGH, R. P. A method for the measurement of solar cell series resistance. Journal of Physical D; Applied Physics., 16: 1823-1825, Apr. 1983.
- TADA, H. Y.; CARTER, J. R.; ANSPAUGH, B. E.; DOWNING, R. G. Solar Cell Radiation Handbook. Pasadena JPL, 1982.
- TURFLER, R. M.; LAMBARSKI, T. J.; BARDWELL, K. E.; ROGERS, C. B. Technique for aggregating cells in series and parallel. In: IEEE PHOTOVOLTAIC SPECIALISTS CONFERENCE, 14. San Diego, Jan. 7-10, 1980. Conference record. New York, IEEE, 1980. p.518-522.

- VEISSID, N.; BELOTO, A.F.; NUBILE, P.; ADABO, G. J. Glossário de termos fotovoltaicos para aplicação espacial. São José dos Campos, INPE, mar. 1985. 14p. (INPE-3450-NTE/231).
- WATKINS, J. L.; BURGESS, E. L. The effect of solar cell parameter on array power output. In: IEEE PHOTOVOLTAIC SPECIALISTS CONFERENCE, 13., Washington, June 5-8, 1978. Conference record. New York, IEEE, 1978, p. 1061-1066.

## APÊNDICE A

## DESCRIÇÃO DO ARRANJO FOTOVOLTAICO DO SATÉLITE DE COLETA DE DADOS

O arranjo solar do satelite de coleta de dados tem as s<u>e</u> guintes características:

- a) 8 painēis laterais, cada um com um módulo de 68 células em s<u>é</u> rie por 4 em paralelo;
- b) 1 painel antigeocêntrico com 10 módulos de 68 células solares;
- c) total de células =  $(4 \times 8 + 10) \times 68 = 2856$  células;
- d) dimensão da celula = (20 x 40mm<sup>2</sup>);
- e) temperatura de operação =  $-65^{\circ}C$  a +  $70^{\circ}C$ ;
- f) altitude = 700km;
- g) inclinação da órbita =  $26^{\circ}$ .

A Figura A.1 apresenta o diagrama de blocos funcional do arranjo solar.



Fig. A.1 - Diagrama de blocos funcional do arranjo solar.

As Figuras de A.2 a A.5 mostram as distribuições geométri cas e os esquemas elétricos dos painéis lateral e antigeocêntrico.



Fig. A.2 - Painel lateral.



Fig. A.3 - Esquema elétrico do painel lateral.



Fig. A.4 - Painel antigeocêntrico.

# APENDICE B

## PROGRAMA SIMULADOR

```
9
¥
8
۶
9
     ESTE PROGRAMA CALCULA A CARACTERISTICA IV DE UM SUBMODULO
9
     CONSTITUIDO DE CELULAS NAD IDENTICAS
Ŷ
9
ዮ
Ŷ
REGIN
FILE TERMINAL(KIND≤REMDTE,MYUSE=IO);
FILE SAIDA(KIND=PRINTER);
FILE TESTE3(KIND=DISK,TITLE="TESTE3.",FILLTYPE=7);
FILE TESTEBA(KIND=DISK)TITLE="TESTEBA.",FILETYPE=7);
FILE TESTES(KIND=DISK)TITLF="TESTES.">FILETYPE=7);
 FILE TESTE4(KIND=DISK)TITLE="TESTE4""FILETYPE=7);
 FILE TESTE7(KIND=DISK)TITLE="TESTE7.">FILETYPE=7);
FILE TESTEAL(KIND=DISK#TITLF="TESTEAL ."#FILETYPE=7);
FILE TESTEO(KIND=DISKATITLE="TESTEG."AFILETYPE=7);
FILE CURVACADEIA
 (KIND=DISK+TITLE="P10."+MAXRECSIZE=14+BLUCKSIZE=420+
  AREAS=1+AREASIZE=300))
У.
    DECLARACAD DE VARIAVEIS
Ÿ.
g
INTEGER NTEST.
        NTP
        1,
       ر P ⊷م
         NEP
         NCP
          IN,
         CARAIV>
         NCAD
         CADA
         PS,
        NCMP
        ە ل
         RETAP
         PACEA
```

JL / NSUBA CARACMA SUB, LINA PMD, PGCADA PGSUB, PARSA MODP PGARP CIVAR, PGMODA CIVSMP Nø nρ NIP NZP M1P м2; PEAL ICLA ICFP VCP VCFE> YCDER DV, CTC, RSCA LAMBDAINVA LAMBDAC, VCAC, IIC, IICP, IICL\* IINP INIA IDNA VNP PNP PN1, VMPN1, IMPN1, ICCC, VCAC1/ VMPC. IMPC, PMAXCA IMIP INFP IMODIA INDDER DVM₽ PHAXTTT. PHAXTITI VCAAR. TCCAR. PMARP VMPAR. 1MPAR# .

PSAR.

INCOILE VCAMOD. ICCMDD. VNPM0D. INPMOD. PNAHOD . PDM0D. DI. IVSHE. IVSM1, ICCNMAP ICCNMI > VCANMAD VCANMIP IMPNMA. IMPNMI > VMPNHA # VMPNMI + PHAXNMAP PMAXNHIP PMAXTA PMAXTT, PD. IVSN, VSMI. VSMF . ٧1, V2, I1+ 12, VCASMA ICCSM# VMPSM. IMPSM, PMSM. PDSM. SAMO MEDIA. DIFON SIGP VARIA VARFP IVAR> IVARE, DIAR. χ, R1 = R2+ E1, E 2 × S٥ RN1 P RN2, XĨÞ X2× MILP MRSP MLI0P MLAMBDAA MGP

```
WGLA
      DPIL*
      nPRS.
      DPLION
      DPLAMEDA,
      OPGA
      DPGLF
 DDUBLE PRODIO, IOC, PRODILO, ILOC, ILC, PRODIL, 10;
INTEGER ARRAY FEE11400].
                K2[11200]+
                  DS[1:100],
               NCEL[1:20]>
               DE[1:400]]
ALPHA ARRAY CC[1:200];
REAL ARRAY IL[1:400].
           AM[1:200] >
           RS[1:400],
           LAM8DA[1:400]+
           DELTA[1:400]>
           IO[1:400],
           LI0[11400]>
           G[1:400]+
           GL[1:400]>
           ICC[1:400],
           VVC[1:900],
           VIC[1:900]+
           VPC[1:900],
           ETA[1:400],
            VDI[1:100],
            IDI[1:100].
            VSUB[1:2000,1:100],
            ISUB11:2000,1:1003,
            PSUB[1:2000+1:100]+
             IMDD[1:2000]+
             VMDD[1:2000]/
             PMOD[1:2000]»
             K1[1:200]>
              VCAN[1:400]+
              PMAXNE1:400].
              VSH[1:1200]#
              ISM[1:1200],
              PSM[1:1200],
              VCAD[1:900/1:50]/
              ICAD[1:900,1:50]/
              PCADE11900+14503+
         VASE11400,1110)*
         IAS[1:400,1:10],
         PASE1:400,1:10],
              VMPNE1:4003/
              IMPN[1:400]#
           PARAM[1:1400]]
 LABEL ADBOCODDEDFOHDKOLDQOTOUOGGORDSSDZORECOVOLTADPROCOLADDISORUS
   LABEL RRARAAREARIALBAPRUCARUAYRAYAAYEAYIAESCANAGANAGANAGAASAFUAPATACA
LABEL NPGAR, COSB, AR, ER, IR, SAFOB;
9
9
 INTEGER NSEC.
         NSET .
        COMSOM
```

```
CALCSOMP
         SEC,
         UCP,
         SUMACEL,
         CELSDM/
 REAL RM.
      INTSEC,
      ANGID
      ANGER
      IANGA
      ALFAD
      CM.
      CDMA
      CEMP
      CEVP
      LS,
      LSALF.
      BETAD
      1R10
      TR2+
       Ύρ
       BETAE,
      BETALJ
 REAL ARRAY LSEC[1:10],
            CXE[1:100].
            CXD[1:100]>
            CYI(1:100),
             CYS[1:100],
            ESPC[1:10];
             ILEE[1:100],
            ILDE[1:100],
            IBID[1:100],
            IBSE[1:100]>
            ILED[1:100],
            ILDD[1:100],
             IBIE[1:100],
             IBSD[1:100],
             KS[1:100]+
          ARR[1:3,1:68],
             KSL[1:100];
 INTEGER ARRAY NOSLILIOI.
                POSEC[1:100],
                SECCEL[1:100],
                SOMBR[1:30]
                TIPOD[1:10:]+
                TIPOE[1:100],
                TIPOS[1:100]>
                POSECL[1:100]J
9
Ŷ
      ESTE PROCEDIMENTO GERA PARAMETROS PARA AS
9
      CELULAS DA CADEIA NUMA DISTRIBUICAO NORMAL
9
9.
9
PROCEDURE GERAPARAMETROS!
BEGIN
  LABEL HF
 INTEGER JF
   FOR JI=1 STEP 2 UNTIL 41 DO
```

```
BEGIN
    H + RIIBRANDDM(X)J
      V11==1+(2*P1)J
      R2:=RANDDM(X)J
      y2_1 = = 1 + (2 + R2);
      St=(V1++2)+(V2++2))
      IF S GEO 1 THEN GO TO HJ
      RN11=V1+SQRT((-2*LN(S))/S)J
      RN2:=V2*SURT((=2*LN(S))/S);
          PARAM[J]:=RN1;
          PARAM[J+1]:=RN2;
  ENDI
ENDJ
ÿ
q
    PROCEDIMENTO PARA SEPARAR AS CELULAS NUM GRUPH QUE FORNECE
Ŷ
    ENERGIA E UM DUTRO GRUPO QUE DISSIPA ENERGIA
9
9
¥
PROCEDURE SEPARAS
REGIN
LABEL AJ
 N1=11
 N1:=07
 N2:=0;
A: IF ICC[N] GTR IC
    THEN BEGIN
      N1:=N1+1;
      FE[N1]: NO
    END
    ELSE BEGIN
      N2:=N2+1;
      DEENZIENJ
    ENDI
  IF N EQL NCEL[SUB]
    THEN NIMN ELSE
           BEGIN
                N1=N+13
               IF CC[N] EQL "S" THEN NI=N+1;
  IF N LEQ NCEL[SUB] THEN GO TO AF
           ENDI
ENDA
X
    PROCEDIMENTO PARA CALCULAR A RESISTENCIA SERIE E LAMBDA
9
    DA CADEIA
9
Ŷ
PROCEDURE CALCRESERELAMB!
BEGIN
LABEL 83
 RSC == 0;
 M1:=1J
  LAMBDAINV:=0;
 B*RSC ##RSC*RS[FE[M1]]}
 LAMBDAINVI#LAMBDAINV+(1/LAMBDA[FE[M1]]);
```

```
IF MI EQL NI
    THEN LAMBDACI = 1/LAMBDAINV
    ELSE BEGIN
           M1:=M1+1)
           GO TO B;
         END;
ENDT
9
¥
    PROCEDIMENTO PARA CALCULAR ETA DE CADA CELULA
4
e
9
PROCEDURE CALCULETAJ
BEGIN
 LABEL CF
  M11=17
 C:ETA[FE[M1]]:=LAMBDA[FE[M1]]/(N1+LAMBDA();
  IF M1 EQL N1
    THEN ELSE
           BEGIN
             M1*=M1+1J
             GO TO CF
           END;
ENDI
9
9
    PROCEDIMENTO PARA CALCULAR IL, ILO E 10
Ŷ.
3
8
PROCEDURE CALCULAIS;
BEGIN
LABEL D;
  PRODILO:=1;
  PRODI0:=1;
  PRODIL:=1;
  M1:=17
 D*PRODILO**PRODILO*((IL[FE[M1]])**(1/ETALFE[M1]));
 PRODIO:=PRODIO*(IO[FE[M1]]**(1/ETA[FE[M1]]));
  PRODIL:=PRODIL+(1-(IC/ILLFE[H1]))++(1/LTALFE[H1]))
  IF M1 EQL N1
    THEN BEGIN
           ILOC:=PRODILO**(1/N1);
           IOC:=PRODIO**(1/N1))
IF IC NEQ 0 THEN
           ILC:=IC/(1=(PRODIL**(1/N1)))
                  ELSE ILC = 11
         END
    ELSE BEGIN
           M11≃M1+1J
           GO TO DJ
         ENDI
ENDI
5
8
    PROCEDIMENTO PARA CALCULAR A TENSÃO DA CADEIA REFERENTE AS
¥
```

```
CELULAS QUE FORNECEM ENERGIA
9
7
Ŷ.
PROCEDURE CALCVCFE;
REGIN
  VCAC:=(LN(ILOC/IOC))/LAMBDAC;
  VCFE1=VCAC=(IC+RSC)+((LN(1=(IC/ILC)))/LAMBDAC))
ENDJ .
7
Ÿ.
    PROCEDIMENTO PARA CALCULAR A TENSAD DA CADEIA REFERENTE AS
¥
    CELULAS QUE DISSIPAM ENERGIA
۶
g.
8
PROCEDURE CALCVCDE;
BEGIN
 LABEL E;
  M21=11
  VCDE:=01
  EFIF RETA EQL 1 THEN VODE:=VODE+((IC=ICC[DE[M2]])/G[DE[M2]])
                  ELSE BEGIN
  DELTA[DE[M2]]*=(GL[DEEM2]]**2)*(4*G[DE[M2]])*(IL[DE[M2]]=1C);
  VCDE:=VCDE+(=GLIDE[M2]]+(SORT(DELTA(DELM2])))/(2+GIDE[M2]))
                  END;
                                     . . .
   IF W2 EQL N2
    THEN M21=M2+1 ELSE BEGIN
                M21=M2+1;
                GO TO E;
              ENDJ
                             -
ENDF
                            •
9.
۶
     PRJCEDIMENTO PARA GERAR UMA CADEIA 🖒 DETERMINAR
9
      SUA CARACTERISTICA IV
9
q
9
 PROCEDURE GERACADEIA;
 BEGIN
 LABEL KOLOQOTORECOVOLTAOVOFOGOROSSOZOUOUISOESCOPATOCATI
  JL1=13
 IF PACE EQL 1 THEN
 WRITE(SAIDALSPACE 4] <15(" "), "PARAMETRUS DAS CFLULAS">);
 IF PACE EQL 1 THEN WRITE(SAIDALSPACE 21+
                                                      GL",
                                Ι0
                                          6
 ۳ >
                     LAMBDA
         IL
               RS
    N
                      IMP
                              PHAX">))
         V C A
  *1
                VMP
X
   РМАхТ1=0≯
FOR It=1 STEP 1 UNTIL NCEL[SUB] DO BEGIN
 VOLTAIGERAPARAMETROSJ
 IN1=1;
KILLIJI=MIL+PARAMEINI*DPILI
  IF IL[1] LSS (MIL+(3*DPIL)) OR IL[1] GTR (MIL+(3*DPIL))
  THEN BEGIN
    IN1=IN+1J
    GD TU K≯
  END
  ELSE INIMIN+11
```

```
- B.9 -
```

```
L:LAMBDA[I]:=MLAMBDA+PARA+[IN]*DPLAMBDA;
IF LAMBDA[I] GTR (MLAMBDA+(3*DPLAMBDA)) UR
   LAMBDALIJ LSS (MLAMRDA"(3+DPLAMBDA))
  THEN BEGIN
    IN:=[N+1]
    GO TU LV
  END
  ELSE INIAIN+17
Q:RS[]:=MRS+PARAM[IN]+DPRS:
 IF RS[I] GTR (MRS+(3*DPRS)) DR RS[I] LSS (MR'S*(3*DPRS))
  THEN BEGIN
    IN1=IN+1J
    GO TU QI
  END
  ELSE INIEIN+11
TILIOEIJI=MLIO+PARAMEIN]*DPLIO;
 IF LIG[I] LSS (MLIO+(3+DPLIO)) OR LIG[I] GTR (MLIO=(3+DPLIO))
  THEN BEGIN
    IN:=IN+1;
    GO TO TI
  END
  ELSE INT=IN+17
  I0[]:=10**L10[];
G[]:=NG+PARAM[]N]+DPG;
  IF RETA EQL 1 THEN GEIJ:=TAN(MG)+PARAMEIN]+TAN(DPG);
INI=IN+1;
GL[]]=MGL+PARAM[IN]+DPGL;
    DETERMINACAD DOS PARAMETROS GEOMETRICUS DA CELULA
 IF IL[I] LSS ICCNMI OR IL[I] GTR ICCNMA THEN GO TO VOLTA;
 LINIST
 PATILINI=LIN+13
 IF IL[I] LEO O THEN ICC[I]:=0 ELSE ICC[I]:=IL[I];
  VCAN[I]:=(1/LAMBDA[I])*LN((IL[I]/IO[I])*1);
 IF IL[I] LEQ O THEN IL[I] = 0 = 000001123;
  PN11=1;
  IDN:=INIJ
 IF LIN EQL 2 THEN IDN:=INI*CTC;
  IF COMSOM EQL 1 AND LIN EVE 3 THEN IDNIMIONARREMODIJLIACTC;
  REC:VN:==IDN+RS[I]+VCAN(I)+(I/LAMBDA[I])+LN(1=(IDN/IL[I)));
  PN:=IDN+VN}
  IF PN GTR PN1
    THEN BEGIN
      PN11=PNJ
      VMPN1:=VNF
      TMPN1 = IDNJ
      IDN1=IDN+IINJ
      IF IDN LSS IL[I] THEN GO TO REC
                        ELSE BEGIN
                          VMPN[]:=0;
                          IMPN[]:#0≯
```

PMAXN[]]=03

ENDJ

- B.10 -

ELSE BEGIN

VMPN[I]:=VMPN1; TMPN(I):#IMPN1;

PMAXN[] := VMPN1 + IMPN1;

END

Ÿ. 9

- B.11 -

```
¥
9
      SELECAD DE CELULAS
<u>ዩ</u>
9
Ŷ
  IF IL[I] LEQ ICCNMA AND IL[]] GEQ ICCNMI
    AND VCANEIJ LEO VCANMA AND VCANEIJ GEW VCANMI
    AND IMPNEIJ LEO IMPNHA AND IMPNEIJ GEW IMPNMI
    AND VMPNEIJ LEQ VMPNMA AND VMPNEIJ GEW VMPNMI
    AND PMAXN[I] LEQ PMAXNMA AND PMAXN[I] GEQ PMAXNMI
      THEN ELSE IF LIN EQL 1 THEN GO TO VULTAJ
 IF LIN EQL 2 THEN PHAXTI = PMAXT+PMAXN[]]
8
  FATOR DE CORRECAO DO ANGULO DE INCIDENCIA
Ŷ.
9
 IF LIN EOL 1. THEN
   BEGIN
     IL[I]:#IL[I]*CTC;
     GO TO PATE
   END;
9.
   CORRECAD PARA SOMBRA
9
9
 IF LIN EOL 3 THEN GO TO CAT;
  IF COMSOM EQL 1 AND ARREMODIJLI LSS 0.25. THEN BEGIN ILLIDITO;
                                                   ARREMUD, JL 1: "U)
                                                   ENDI
  IF COMSOM EQL 1 THEN ILLIJ:#ILLI]*ARR[MUD=JL];
  IF ARREMOD, JLJ GEQ 0.25 THEN
  IF COMSOM EQL 1 AND ARREMODAJLI LEQ 0.75 THEN
    10[1]:=10[1]+(10++(2.687-(3.031*ARR[MUD,JL])));
8
 IF LIN EQL 3 THEN GO TO CAT ELSE GO TO PATA
 CATILE PACE EQL 1 THEN WRITE (SAIDA + 13+2(F7+4)+F8+4+3(E10+2)+4(F7+3
  I. ILEIJARS[]]ALAMBDA[]]AIN[],GEI]AGL[]AVCAN[]]AVMPN[]], IMPN.]JA
    PMAXN[1]);
 NCMIENCM-1J
 JLI=JL+1;
ENDI
Ŷ
Ÿ.
    DETERMINACAD DA CARACTERISTICA IV
g,
Ŷ
Ŷ
U1P1=17
IICP1=IIC)
TCIZICI
F:SEPARAJ
IF N1 NEQ O THEN BEGIN
CALCRESERELAMBI
CALCULETAJ
CALCULAIS
FNDI
IF N1 NET O THEN CALCUCFE ELSE VCFE = 0 }
IF N2 NEQ O THEN CALCUCDE ELSE VODE = 03
VCI=VCFE-VCDE;
VAC[b];≒AC}
VIC[P]:=ICJ
VPC[P]:=VC*IC;
IF P GTR 1 AND LICP EQL LIC THEN BEGIN IF (VVC(P-1)-VVC(P)) LSS DV
```

THEN ELSE BEGIN IC:=1C-IICP+IICL; 1ICPIsICL) GD TO F; END ENDI IF IC GEW ICF DR VVCLPJ LEG -900 THEN BEGIN IF CARAIV EQL 1 THEN ELSE GO TO GGA WRITE(SAIDALSPACE 51/ <\* \*>)) WRITE(SAIDALSPACE 3]><20(" "),"CARACTERISTICA IV DA CADFIA">); WRITE(SAIDAESPACE 2] = <16(" ") = "IC" = 15(" ") = "VC" = 15(" ") = "PC" > ) = WRITE(CURVACADEIA><14>>P); FOR II=1 STEP 1 UNTIL P DO BEGIN WRITE(SAIDA> <14(" ")> F6 . 4, 9(" ")> F8 . 3, 9(" ")> F9 . 4> , VICEIJ, VVCEIJ, VPCEIJ); WRITE(CURVACADEIA><F6.4>" ">F8.3>>VIC[I]>VVC[I]); END DETERMINAÇÃO DOS PARAMETROS GEOMETRICOS DA CAUEIA GG:WRITE(SAIDA(SPACE 5)/<" ">); IF PGCAD EVEL 1 THEN ELSE ON TO ESC; WRITE(SAIDAISPACE 3] < "PARAMETROS GEOMETRICOS DA CADEIA"> ) / WRITE(SAIUA[SPACE 2] < "PMAXT= ">F6.3>>PMAXT); I:=1; RIIF VICIII GEO (-IICP) AND VICIII LSS 11CP THEN VCAC1:=VVC[] ELSE BEGIN It=J+1; GD. TO RJ ENDF WRITE(SAIDALSPACE 2] + <"VC+C1= "+F8.3>+VCAC1); ]t=1; SSIIF VVC[1] EQL O OR (VVC[I] GTR O AND VVC[I\*1] LSS O) THEN ICCCI=VIC[I] ELSE BEGIN I:=:+1; GO TO SSF ENDT WRITE(SAIDALSPACE 2] < "ICCC= ",F6.4>,ICCC); Isalt PHAXC1=0; ZIIF VPC(I) LSS PMAXC THEN ELSE BEGIN PMAXC = VPC[]]; VMPC:=VVC[]] IMPC:=VIC(I); ENDT IF I EQL P THEN BEGIN WRITE(SAIDA[SPACE 2]+<"PMAXC= "+F9+4>+PMAXC); WRITE(SAIDALSPACE 2],<"VMPC= ",F8.3>,VMPC); WRITE(SAIDALSPACE 2],<"IMPC= ",F6.4>,IMPC);

9

Ŷ 9

```
PDI=100~((PMAXC/PMAXT)*100))
  WRITE(SAIDALSPACE 5] > < "PD= "+F7.3+" g">+FD);
END
```

ELSE BEGIN

II=I+11 GO TO ZJ

```
ENDI
9
¥
   END
 ELSE BEGIN
    PI=P+11
    IC:=IC+IICP/
    GD TU FF
  END7
 ESC+LOCK(CURVACADEIA);
ENDJ
9
9
      PROCEDIMENTO PARA CALCULAR A CARACTERISTICA IV
9
      DE UM SUBMODULO
2
8
Ŷ
PRDCEDURE GERASUBJ
BEGIN
LABEL LA, PROCORDORADREDRIOPRONPGOCOSO;
PMAXTTI=07
 IF CALCSOM EQL 1 THEN
   BEGIN
     NCADI=3;
     GO TO COSOF
   END;
 IF COMSOM EQL 1 THEN NCADI #1;
FOR CAD:=1 STEP 1 UNTIL NCAD DO
 BEGIN
    GERACADEIA;
    PMAXTT:=PMAXTT+PMAXT;
    FOR I = 1 STEP 1 UNTIL P DO
      BEGIN
        VCAD[I,CAD]:=VVC[I];
        ICADEI>CADJ:=VIC(I):
        PCAD[I,CAD]:=VPC[1];
      ENDI
 ENDI
COSO1PS:=1;
IVSHI:=IVSM;
 VSM[PS]:=VSMIJ
ISM[PS]:=07
LAIFOR CADI #1 STEP 1 UNTIL NCAD DO
    BEGIN
      11=21
PROCIIE VCADII/CADI EQL VSM[PS]
        THEN BEGIN
           ISMEPS]:=ISMEPS]+ICADEI+CAD];
           PSM(PS) = ISM(PS) + VSM(PS) +
        END
      ELSE IF VCADII, CADI LSS VSM(PS)
             THEN BEGIN
               E1:=VCAD[I+CAD];
               E2:=VCAD[I"1,CAD];
               Ili=ICAD[I+CAD];
               I2:=ICAD[I=1,CAD]]
               ISM[P5]1=I5M[P5]+I1=(((VSMLP5]=E1)/(E2=E1))*(I1=12));
               PSM[PS] ##ISM[PS] #VSM[PS] }
```

```
END
             ELSF BEGIN
               1:=1+1;
               GO TO PROCE
               END;
    ENDI
 IF PS GTR 1 AND IVSMI NEW IVSME
   THEN BEGIN IF ABS(ISM[PS]=ISM[PS=1]) LEW DI THEN
    ELSE IF PS GTR 1 THEN
           BEGIN
             IVSMI:=IVSME)
             ISM[PS]:=0;
             GO TO ROJ
          ENDI
           ENDI
   IF VSMEPSI LEQ VSMF THEN
     BEGIN
       PS1=PS+11-
ISM[PS]1=0)
   RD:VSM[PS]:=VSM[PS=1]+IVSMI)
       GD TO LAJ
     END
    ELSE IF CIVSM EQL O THEN ELSE
    BEGIN
    IF CALCSOM EOL 1 THEN GO TO NPG;
        WRITE(SAIDALSPACE 51, <" ">>);
        WRITE(SAIDALSPACE 31, <20(" "), "CARACTERISTICA IV DD SUBM">);
        WRITE(SAIDALSPACE 2), <16(" "), "ISM", 15(" "), "VSM", 15(" "),
               "PSH">);
        FOR I =1 STEP 1 UNTIL PS DD BEGIN
         WRITE(SAIDA><14(" ")>F7.3>9(" ")>F603>9(" ")>F904>>
                ISM[I], VSM[T], PSM[I]);
          ENDJ
  ENDI
9
   DETERMINACAD DOS PARAMETROS GEOMETRICUS DO SUBMODULO
y.
9
RRIWRITE(SAIDALSPACE 5] < " ">))
IF POSUB EWE 1 AND PMAXT'S NEQ O THEN ELSE OD TO NPG;
  WRITE(SAIDA(SPACE 3) <"PARAMETROS GEOMETRICOS UN SUBMODULN">>>
WRITE(SAIDALSPACE 2] < "PMAXTT= ">F7.3>>PMAXTT);
11=17
RALIF ISMILL EQL O DR (ISMILL GEQ O AND ISMIL+1) LSS 0)
      THEN VCASME =VSM[1]
      ELSE BEGIN
        11=1¢1;
        GO TO RAJ
      END;
WRITE(SAIDA(SPACE 2] < "VCASM" ">F8.3>> VCASM);
1:=17
REFIF VSM[1] EUL O OR (VSM[1] LSS O AND VSM[1+1] GTR O)
      THEN ITCSMI=1SH[]]
      ELSE BEGIN
         I = I + I 
         GD TO REJ
       ENDI
WRITE(SAIDALSPACE 2] <** ICCSM# ">F7.4>> ICLSM);
1:=17
PMSM1=01
RINIF PSH[I] LSS PMSM THEN
```

```
ELSE BEGIN
        PMSM1=PSW[1]]
        VMPSHI=VSMEI];
        14P5M1=15M[]];
      ENDJ
 IF I EQL PS
   THEN BEGIN
     WRITE(SAIDALSPACE 2] < "PMSM# ">F9.4>+PMSM)}
     WRITE(SAIDA[SPACE 2] < "VMPSM= ", F8.3 >, VMPSM);
     WRITE(SAIDA[SPACE 2] <"IMPSM= ",F7.4>, IMPSM);
     PDSMI=100-((PMSM/PMAXTT)*100))
     WRITE(SAIDALSPACE 5] < "PDSM= "PF7.3" 3">PDSM);
   END
   ELSE BEGIN
     I:=I+1
     Go TO RIJ
   END
    NPGIENDI
9
7
    PROCEDIMENTO PARA CALCULAR O K DE CADA CELULA
9
Ŷ
Ŷ
 PROCEDURE CALCULAKI
 BEGIN
 FOR II=1 STEP 1 UNTIL SUMACEL DO KS[]:=1;
  IF BETA GIR 90 THEN
    BEGIN
      BETAL = 180 - BETAJ
     END
     ELSE BETALI=BETAJ
  IF BETA NEG 90 THEN
    BEGIN
      CELSOM:=0;
      FOR CEVIE1 STEP 1 UNTIL STMACEL DO
        IF CXDECEVI LED ((CYIECEV)/TAN(BETAL*3.1415/180))+CEM)
           DR CXELCEVI GEW ((CYSECEVI/TANGBETAL*3.1415/180))*CDM)
           THEN FLSE BEGIN
                        CELSONI=CELSOM+1;
                        SOMBRICELSOM]:=CFV;
                     ENDJ
  FOR II=1 STEP 1 UNTIL CELSOM DO
    BEGIN
      YI=TAN(BETAL*3.1415/180)*(CXEISDMBRLI))-CEM);
      IF Y LSS CYSISOMBRIADI AND Y GTR CYLLSOMBRIDD
        THEN ILEE[SOMBR[I]] = Y
        ELSE ILEE(SOMBR[I]):=0).
      Y==TAN(BETAL+3.1415/100)+(CXD[SDMBRLI]]+CEM);
      IF Y LSS CYSESOMBREIJI AND Y GTR CYLESOMBREIJJ
        THEN ILDELSOMBRIIJ1 = Y
        ELSE ILDEESOMBREI]]:=0;
      XI=(CYILSUMBRLIJJ/TAN(BETAL *3.1415/180))+CEM;
      IF X LSS CXDISOMBRIIJE AND X GTR CXEISOMBRITE
        THEN IBLEESOMBREIJ1:=X
        ELSE IBIEISDMBR[]]:=0;
      X#=(CYS[SUMBR[I]]/TAN(BETAL#3.1415/180))+CEMJ
      IF X LSS CXDESOMBREIDD AND X GTR CXEESOMBREIDD
        THEN IBSE[SOMBR[I]]:≈X ·
```

```
- B.15 -
```

```
ELSE IBSELSOMBRII)1:=01
    YI=TAN(BETAL+3.1415/180)*(CXEESOMBRIJJ)-CUM);
    IF Y LSS CYSESOMBREIDD AND Y UTR CYLLSDMBREIDD
      THEN ILEDISOMBRIJJI=Y
      ELSE ILEDISOMBR[1]):=0;
    YI=TAN(BETAL#3.1415/IRO)*(CXDLSDMBRLIJ]=CDM);
    IF Y LSS CYSESDMARCINI AND Y GTR CYLESUMBREIDD
      THEN ILDDISDMBR[1]] != Y
      ELSE ILDD[SOMBR[]]):=0;
    XI=(CYILSUMBRII])/TAN(BETAL*3.1415/180))+CDM;
    IF X LSS CXDISOMBRIIJS AND X GTR CXLLSOMBRIISS
      THEN IBIDISOMBRII)) = X
      ELSE IBID(SOMBR(I)):=0;
    XI=(CYSISOMBRII)]/TAN(BETAL=3.1415/180))+CDM)
    IF X LSS CXDISOMBRIIJJ AND X GTR CXELSOMBRIIJJ
      THEN IBSDISOMBRII)):=X
      ELSE IBSDISOMBRII)):=0;
  ENDI
FOR IS=1 STEP 1 UNTIL CELSOM DO
  BEGIN
    IF ILEE[SDMBR[I]] NEQ 0
      THEN IF IBSELSOMBRIIJ NEQ O
             THEN TIPDE(SAMBR[]]):=1
             ELSE TIPDE(SDMBR[1]]:=2}
    TE IBIECSOMBREIJJ NEG O
      THEN IF IBSELSOMBRIIDI REQ 0
             THEN TIPOE(SANGR[]]]:=3
             ELSE TIPOELSOMBREIJ]:=4/
    IF ILEDISOMBRIIJ NEQ O
      THEN IF IBSDISOMBRIID NEG O
             THEN TIPOD(SOMBR[]]):=1
             ELSE TIPODISOMBRIJ):=27
    IF IBIDISOMBRIIJ: NEQ O
      THEN IF IBSDÉSOMBREIJJ NEQ O
             THEN TIPODISOMBRII111+=3
             ELSE TIPOD(SOMBR[]]):=4;
    IF ILEELSOMBRIIJJ EOL O AND IBTELSOMBRIIJJ FOL O
      THEN TIPDELSOMBRELI11: #0:
    IF ILEDISUMBRIIJJ EUL O AND IBIDISOMBRIIJJ FOL O
      THEN TIPOD(SOMBR[1]):=0;
  FNDJ
FOR I = 1 STEP 1 UNTIL CLLSOM CO
  BEGIN
    IF TIPDE(SOMBR[I]) EQE 1 AND TIPOD(SUMBR[I]) EQE 1
      THEN TIPOS(SOMBR[1]):=1)
    IF TIPOELSOMBRIIDE EQL 1 AND TIPODLSOMBRIEDE EQL 2
      THEN TIPOSISOMBRIJ] 1=2;
    IF TIPDE(SOMBR[I]] EQL 1 AND TIPOD(SOMBR[I]) EQL 3
      THEN TIPOSESOMBR[1]):=3;
    IF TIPOELSOMBRIIJJ EQU 1 AND TIPODLSOMBRIIJJ EQU 4
      THEN TIPOSISOMBR[1]):#4;
    IF TIPOELSOMBRIIJ) EQL 2 AND TIPODISUMBRIIJ EQL 2
      THEN TIPOSISOMBR[1]]1=5)
    IF TIPOELSOMBRIIJJ EQU 2 AND TIPODLSUMBRIIJJ EQU 4
      THEN TIPOSISOMBR[1]]1=6;
    IF TIPOELSOMBRIIDI EQL 3 AND TIPODISOMBRIID EQL 3
      THEN TIPDS(SOM<sup>8</sup>R[])1:=7;
    IF TIPOE[SOMBR[I]] EQL 3 AND TIPOD[SOMBR[I]] EQL 4
      THEN TIPOS(SOMBR[1]):=8;
    IF TIPOE(SOMBR(I)) EQU 4 AND TIPOD(SOMBR(I)) EQU 4
```

```
THEN TIPOSISOMBRII) 1:=9;
    IF TIPOELSOMBRIIDI LOL O AND TIPODISUMBRIIDI ECL 1
      THEN TIPDS(SDMBR[1]);=10;
    IF TIPOELSCHBRIIJJ EQL O AND TIPODISUMBRIIJJ EGL 2
      THEN TIPOSESDMBR[1]]:=11;
    IF TIPOELSOMBRIIJJ EQL 4 AND TIPODLSUMBRIIJJ EQL 3
      THEN TIPDS(SOMBR[1]):=12;
    IF TIPOELSOMBRIIJ] EQL O AND TIPODLSUMBRIIJ] EQL 4
      THEN TIPOSISOMBRII131=131
    IF TIPODISOMBRIIJJ EQL <sup>U</sup> AND TIPOELSOMBRIIJJ EQL 1
      THEN TIPOS(SOMBR[]):=14;
    IF TIPODISOMBREIDD EQL O AND TIPOELSOMBREIDD EQL 2
      THEN TIPOS(SOMBR[1]):=15;
    IF TIPOD(SOMBR[I]] EQL 0 AND TIPOE(SUMBR[1]] EQL 3
      THEN TIPOSESOMBREIDJ:#16;
    IF TIPOD[SOMBR[I]] EQL 0 AND TIPOE[SUMBR[]]] EQL 4
      THEN TIPOS(SOMBR[]]):=17;
 ENDF
FOR II=1 STEP 1 UNTIL CELSOM DD
  BEGIN
    CASE TIPDS[SOMBR[]]] OF
      BEGIN
        1:TR1:=((CYSESOMBR[I))=ILED[SDMoR[I]])*
               (IBSD[SDMBR[]])=CXE[SDMBK[]]))/2;
          TR2:=((CYS[SOMBR[I])=1LEF(SOMpR[I]))*
               (IBSELSOMBP[]]]=CXE[SOMBx[]]]))///
          KS[S0#BR[]]]:=1+(TR1/8)+(TR2/0);
        2:TR1:=((2*CYS[SOMBR[])])=ILDD[SUMBR[]]]=ILED[SOMHR[]])*
               (CXD[SOMBR[]]]~CXE[SOMBRL]]))/2;
          TR2:=((IBSE[S0MRR[I]] ~CXE[S0MpR[I]])*
               (CYSISOMBRII)]-ILEE[SOMBRII]))/2;
          KS[SOMBR[]]]:=1~(TR1/6)+(TR2/0);
        3#TR1#=((IBSD[SOMBR[I])=(CXE[SOMBH[I]]=2)+
               IBID[SOMBR[I]])*(CYS[SOMbR[I]]=CYI[SOMBR(I]]))/2;
          TR2:=((IBSE[SOMBR[I]]=CXE[SOMBRLI]])*
               (CYSISOMBRII)]=ILEE[SOMBRII]]))/2;
          KS[SDMBR[I]]:=1-(TR1/8)*(TR2/0);
        4+TR1+=((IBSELSEMBREI))=CXELSEMBR(I))=
               (CYS[SDMBR[]]]-ILEE[SDMBR[]]]))///
          TR2:=((CXD[SDMBP[1)]=IBID(SOMDR[1]))=
               (ILDD[SDMBR[I]]"CYI[SDMBK[I]]))/2;
          KS[SDMBR[]]]:=(TR1/8)+(TR2/8);
        5*KS[SOMBR[]]]*#1-((2*(]LDF[SOMdRL]])"ILDD[SOMBR[]]))>
                        (CXD[SDMBR[]]]=LXE[SOMBR[]]])/16);
        6:TR1:=((CYSESOMBR[I])*2)*ILEE[SOMBR[I])*ILDD[SOMAR[I])*
               (CXDISOMBRII]]=CXEISOMBRII]])/2;
          TR2:=((CXD[SOMBP[]))*IBID[SOM#R(]]))*
               (ILDD[SOMBR[]]]=CYI[SOMBK[]]))///
          KS[SDMBR[]]]≰≠(TR1+TR2)/8≵
        7*KS[SOMBR[]]]*#1=((IBSD[SOMBR[])]=IBSE[SOMBR[]]])*2*
                        (CYS[SOMBR[]]]~LYI[SOMBR[]]])/16);
        8% TR1 = (IBIELSOMBR[I]] = (2 * CXE(SUMBR[I])) + IBSE(SOMBR[I]) *
               (CYSESOMBREI))-CYIESOMBREI))/2;
          TR2:=(ILDDISOMBR(1))~CYI(SOMBR(I)))*
               (CXDESOMBREI))~IBIDESOMBREI))/2;
          KS[50MBR[I]]:=TR1/8+TR2/8/
        9 TR1 = (ILDE[SOMBP[I]]-CYI[SOMBK[I]])*
               (CXDISOMURITITIOTEISOMURITITI))/2;
          TR2:=(ILDDISOMBR[I]]~CYI[SOMBRLI]])*
               (CXDESOMBREI]]-IBIDESOMBREI]])/2;
```

```
KS[SDMBR[]]]:=1-TR1/8+TR2/8)
        10:KS[SOMBR[]]]:=1-((IBSD[SOMBR[]])-CXE[SOMBR[]))+
                         (CYSESOMBREIT) *ILEDESUMAREIT))/16)
        11:KS[SOMBR[I]]:=(ILED[SOMBR[I]]=(CY][SOMBR[I]]+2)+
                         ILDD(SOMBR(I)))*(CXD(SUMBR(I))-
                         CXELSUMBREJJJ)/162
        12*KSESDMBREI)):=((2*CXDESDMBREI))-IBSDESDMBREI))-
                         IBIDESOMBREI)))*(CYSESOMBREI)]*
                         CYILSOMBREIJJ)/164
        13+KS[SOMBR[]]]:=(CXD[SOMBR[]]]=181D[SUMBR[]])*
        (ILDD[SDMBR[]])=CYT[SDMBR[]]])/16)
        14*KSESOMBREIJ]*=(IBSEESOMBREIJ]=CXEESUMAREIJJ)*
                         (CYSISOMBRII))-ILEEISOMBRII))/16;
        15+KSESOMBREIJ]:=((2*CYSESOMBREIJ))*ILEEESOMBREJJ]*
                         ILDE[SOMBR[I]])*(CXD[SOMBR[I]]-
                         CXELSDMBRII))/16;
        16:KS[SOMBR[]]]:=(]BSE[SOMBR[]]]+IBIE[SOMBR[]])-
                         (2*CXE[SOMBR[]]]))*(CYS[SOMBR[]]]*
                         CYILSOMBREI]])/10)
        17:KS[SDMBR[]]]:=1"(CXD[SDMBR[]]]~lBIE[SAMBR[]]);*
                         (ILDE(SOMBR[]])-CYI[SOMBR[]]])/16;
    END;
  ENDI
ENDI
IF BETA EQL 90
  THEN BEGIN
    CELSOM1=0;
    FOR CFVI=1 STEP 1 UNTIL SOMACEL DO
      IF CXD[CFV] LEQ CEM OR CXE[CFV] GEW CDM
        THEN ELSE BEGIN
                    CELSDM:=CELSDM+1;
                    SOMBRECELSOM)I=CFV/
                  ENDI
FOR IS=1 STER 1 UNTIL CELSAM DO
  BEGIN
    IF CEM LSS CXELSOMBR[]]]
      THEN IBIELSDWBRLIJ] ##0
      ELSE IBIELSOMBRIIJ] #CEH;
    IF COM GTR CXDISOMBRIIJ
      THEN IBID[SOMBR[1]] #0
      ELSE IBID(SOMBR(I)]:=CDM;
  ENDJ
FOR I =1 STEP 1 UNTIL CELSOM DO
  BEGIN
    SI=SOMBR[]];
    IF IBIE(S) EQL 0
      THEN KS[S]:=(CXD[S]=CDM)*
                         (CY$[S]=CYI[S])/8)
    IF IBID(S) EQL 0
      THEN K5[S]:=(CEM=CXE[S])+(CYS[S]=
                         CYI[S])/8/
    IF IBIDIST NEG O AND IRIELST NEG O THEN
       KSES]:=1#((IBIDES]*]BIEES])*
                    (CYSLS]-CYI[S])/8)
  END;
ENDI
 IF BETA GTR 90
  THEN BEGIN
    FOR I:=1 STEP 1 UNTIL SOMACEL DO
      KSL[]:=KS[]=2*POSEC[]]+1+NCS[SECCLL[]]]);
```

```
FOR I:=1 STEP 1 UNTIL SOMACEL DD KS[1]!*KSL[1];
   ENDI
 END;
9
   PROCEDIMENTO PARA CALCULAP A SUMBRA NO MODULO
4
9
PROCEDURE SOMBRAJ
 BEGIN
C \times E [1] = C M^{-2}
CXD[1]1=CM+2]
CYI[1]:=0.61
rys[1]:=8.67
CDM1=CM+RM1
CEMI = CH = RMJ
POSEC[1]:=1;
SECCEL[1]:=1;
UCPI=11
FOR SECT=2 STEP 1 UNTIL 10 DD
  BEGIN
    ESPCISEC] ##(LSECISEC]=(2*NCS[SEC]))/(NCS[SEC]-1))
    FOR CFVI=(UCP+1) STEP 1 UNTIL (UCP+NCS[SEC]) DD
      REGIN
        SECCEL[CFV]:=SEC;
        POSEC[CFV]:=CFV=UCP;
        CYILCEV1:=CYSLUCP1+INTSEC;
        CYS[CFV]:=CYI[CFV]+4;
        CXELCFVJ:=CM=(LSECISECJ/2)+((POSEU[CFV]=1)*(2+ESPCISECJ));
        CXDLCFVJ:=CXELCFVJ+23
      ENDI
    UCP1=UCP+NCS[SEC]]
  END
SOMACEL:=01
FOR SECT=1 STEP 1 UNTIL 10 DD
  SUMACELI=NCS[SEC]+SDMACEL;
LS1=RM/0004363351
LSALFIGLS*SIN(ALFA*3.1415/190);
FOR BETAIFANGE STEP LANG UNTIL ANGE DO
  BEGIN
    CALCULAKI
    FOR IS=1 STEP 1 UNTIL 68 DO
      ARR[1×1]:=KS[1];
    FOR I = STEP 1 UNTIL 68 DO
      ARR[3,I]:=1]
    FOR I:=69 STEP 1 UNTIL 86 DO
      ARR[3,87~1]:=KS[1];
    BETAE:=BETA;
    BETAI=BETA+451
    CALCULAK;
    BETAISBETAES
    FUR I:=1 STEP 1 UNTIL 68 DD
      ARR[2+1]1=KS[1])
    FOR I == 69 STEP 1 UNTIL 86 DA
      ARR[3,105=1]:=KS[1]+
    WRITETSAIDALSPACE 31, <"HETA= ", F6.1>, DETA);
    WRITE(SAIDALSPACE 3) <8(" "), "COEFICIENTE DE JEUMINACAD">);
 WRITE(SAIDAESPACE 2) <10(" ") / "N" / 10(" ") / "K1" / 10(" ") / "K2" /
                        10(" "),"K3">))
    FOR I =1 STEP 1 UNTIL 68 DO
      WRITE(SAIDA><9(" ")+13,9(" ")+F5.3,4(" ")+F5.3,9(" ")+F5.3>,
```

```
IPARR[1+I]PARR[2+I]PARH[3+I]);
```

```
WRITE(SAIDALSPACE 5], <" ">))
 END
ENDI
9
y
       PROCEDIMENTO PARA CALCULAP & CARACIERISTICA IV
9
       DE UM MODULO
Ŷ
8
9
PROCEDURE GERAMODJ
BEGIN
LABEL LUPPRUCORUPYROYADYEDYJONPGMOSAFODSAFUB;
PMAXITT1=0;
NCHEROF
 JL1=11
FOR I:=1 STEP 1 UNTIL NSUB DO NOM:=NOM+NUEL[1];
 FOR SUBIRI STEP 1 UNTIL NSUB DO
      BEGIN
        GERASUB
        PMAXTTT:=PMAXTTT+PMAXTTJ
        FOR It=1 STEP 1 UNTIL PS DO
          BEGIN
           VSUB[]=SUB]=VSM[]};
           IF VSUBLIPSUBI GFO O THEN ISUBLIPSUBIT=ISH[I];
           IF VSUB[I,SUB] LSS O THEN BEGIN
           IF DS[SUB] EQL 1 THEM
             BEGIN
               FOR JI=1 STEP 1 UNTIL 100 DO
                 BEGIN
                   IF VDI(J) EQL ABS(VSUBLIASUB))
                     THEN BIGIN
                       ISUB[I/SUB]:=ISM[IJ+1D][J];
                       GD TO SAFOJ
                     ENDI
                   IF VDI(J] LSS ABS(VSUBLIPSUB]) AND
                      ABS(VSUB[],SUB]) LS5 VDI[J+1]
                     THEN BEGIN
                       ISUB[]+SUB]:=ISM[]+(IDI(J+1)+
                       ((VDILU)~ABS(VSUBL1,SUB)))/(VDILU+1)-
                       AD1[])*(ID1[]+1]+10[[])));
                       GO TO SAFO!
                 END)
             ENDJ
             END
             ELSE ISUB[1,SUB] = ISM[1];
           END;
           SAFO:PSUB[I,SUB]:=VSUB[I,SUB]#1SUB[I,SUB];
        ENDS
        ENDI
 PMD:=11
 INDDII:=IMDDI;
 INDD[PMD]:=IMI;
VHODIPHD]:=0;
LBIFOR SUBI#1 STEP 1 UNTIL NSUH DO
     BEGIN
       I = 2I
       PRUCI IF ISUB[IPSUE] EQL INDD(PMD)
               THEN BEGIN
                 VMOD[PMD]:=VMOD[PMD]+VSUB[I&SUB];
```

```
PMODLPMD]:=IMOD[PMD]=VMOU[PMD];
              END
              ELSE IF ISUBLIPSUBJ LSS IMUULPHDJ
                      THEN REGIN
                        I 21 = I SUB[ 1 - SUB];
                        T]:=TSUR[1=1,SUB];
                        ES:=ASAB[1>20B]}
                        Eli=VSUB[1=1,SUB];
                        VMDD[PMD]:≈VMOD[PMD]+E1"((E2*E1)/
                        (I1"I2)*(IMOD[PMD]=11)))
                        PMOD[PMD]:=VMOD[PMD]*IMOD[PMD];
                     END
                     ELSE REGIN
                        [1=]+17
                        GO TO PRUCI
                     ENDT
    END;
IF PMD GTR 1 AND IMODII NEO IMODE
   THEN BEGIN IF ABS(VMODIPMD3-VMODIPMD-13) LEW DVM THEN
               ELSE IF PMD GTR 1 THEN
                       BEGIN
                         IMODII:=IMODE:
                         V.MOD[PMD]:=07
                         40 TO PU;
                       ENDE
  ENDJ
IF INDEPND) LEO IMF THEN
  BEGIN
    PMD1=PMD+1;
    VMOD[PMD];≠≈0;
    RUIIHOD[PMD]:=IMOD[PMD=1]*IMODII;
    GO TO LBF
  END
  ELSE IF CARACH EQL O THEN ELSE
         BEGIN
          FOR I:=1 STEP 1 UNTIL PMD DD
            IF IMODIII LSS O THEN
              BEGIN
                INDD(I):=0;
                PMUD[1]!=0;
              END
             ELSE BEGIN
               FOR JI=1 STEP 1 UNTIL 100 DU
                 BEGIN
                   IF IMODII) EOL IDI(J)
                     THEN BEGIN
                        VMOD[I]:=VMOD[I]=VD1[J];
                       -GO TO SAFOBX
                      END
                   IF IDICUD LSS IMODELD AND
                             IDI[J+1] GTR IMOD[1]
                      THEN BEGIN
                        VMOD[I]t=VMOD[I]=(VDI[J]=
                                 (CIDICUJ~IMODCI))/
                                 (IDI(J*11-IDI(J])*
                                 (VDILU+11-VDILU1)));
                        GU TO SAFUB!
                      ENDA
                 END)
               SAFDB*PMOD[I]*=VMOD[I]*IMUD[I]*
```

- B.21 -

```
ENDI
            WRITE(SAIDALSPACE 5) <" ">);
            WRITE(SAIDALSPACE 31, <20(" "),
                   "CARACTERISTICA IV DO MUDULO">);
            WRITE(SAIDALSPACE 2),<16(" "),"1MDD", 14(" "),"VMUL",
                        14(" "),"PMDD">);
            FOR I:=1 STEP 1 UNTIL PMD DO
              WRITE(SAIDA+<14(" ")+F7.3+9(" ")+F8.3+9(" ")+F9.4>+
                            INDD[I] = VNOD(I] = PHOD(I))
          ENDJ
9
    DETERMINACAD DDS PARAMETROS GEDMETRICUS DO MODULO
8
 IF PGMOD EQL 1 THEN ELSE GD TO NPGM;
 YRIWRITE(SAIDALSPACE 5) < " ">))
 WRITE(SAIDA[SPACE 3] <"PARAMETRDS GEDMETRICUS DO MODULO">>;
 WRITE(SAIDALSPACE 2) < "PMAXTTT= "+F7+3>+FMAXTTT);
 11=17
 YATIF IMOD(I] EQL O DR (IMOD(I) LSS O AND IMOD(I+1) GTR O)
      THEN VCAMOD:=VMOD[I]
      ELSE BEGIN
        I = I + I J
        GO TO YAJ
      END
 WRITE(SAIDAESPACE 2] = "VCAHOD= ",F8.3>,VCAMOD);
 11=51
 YEFIF VMOD(I) EQL O DR (VMOD[I] LSS O AND VMOD(1-1) GTR O)
      THEN ICCHODI=IMOD[]
      ELSE BEGIN
        II=I+1J
        GO TO YE!
      ENDI
 WRITE(SAIDALSPACE 2] < "ICCMOD= ">F7.4>>ICCMOD);
 1:=17
 PMAMOD:#0;
 YI: IF PHOD(I) LSS PHAMOD THEN
      ELSE BEGIN
        PHAMOD:=PMOD[1];
        VHPMOD1≈VMODEI];
        IMPMOD:=IMOD[]);
      ENDI
 IF I EQL PMD
   THEN BEGIN
     WRITE(SAIDALSPACE 2) < "PMAMOD= ", F9.4>, PMAMOD);
     WRITE(SAIDALSPACE 2) < "VMPMOD= ">F8.3>> VMPMOD);
     WRITE(SAIDAESPACE 2] < "IMPMOD= ">F7.4>>IMPMOD);
     PDM0D:=100~((PMAM0D/PMAXTTT)+100);
     WRITE(SAIDAESPACE 5], <"PDMOD= ", F7.3," %">, PDMOD);
   END
   ELSE BEGIN
     1:=1+1)
     GO TO YIJ
   NPGMIEND
 ENDE
9
   PROCEDIMENTO PARA CALCULAR A CARACT. IV DE UM ARRANJO SOMBREADU
9
.9
 PROCEDURE ARRANJOJ
 BEGIN
```

- B.22 -

```
LAGEL NPGAR, AR, ER, IR.
 PHAXTTTI:=0;
  PARST=01
  IF COMSOM EQL 1 THEN SOMBRA?
 FOR MODI=1 STEP 1 UNTIL 3 DD
   BEGIN
     CALCSOM:=0;
     GERAMDD;
     CALCSON:=13
     ΡΜΑΧΤΤΤΤΙ=ΡΜΑΧΤΤΤΤΦΡΜΑΧΤΤΤΙ
   IF PMD GEQ PARS THEN PARSI=PMD;
 FOR I =1 STEP 1 UNTIL PARS DD
   BEGIN
     VASEIPHOD1 = YMOD[I]
     IAS[I+MOD] = IMOD[I]
     PAS[I=MOD] == PMOD[I] =
   ENDI
  END:
  FDR NODI=1 STEP 1 UNTIL 3 DD
FDR I:=1 STEP 1 UNTIL PARS DO
      REGIN
        VCAD[I,MOD]:=VAS[I,MOD];
        ICAD[I,MOD]:=IAS[1,MOD];
        PCAD[I,MOD]:=PAS[I,MOD];
      ENDI
  VSMI1=VAR1;
  VSMF:=VARF;
  IVSM:=IVAR;
  IVSME = IVARE;
  DII=DIARJ
 GERASUB;
 IF CIVAR EQL O THEN ELSE
   BEGIN
     WRITE(SAIDALSPACE 5)+<" ">);
     WRITE(SAIDALSPACE 3]><"O(" ")>"CARACI. IV DO ARRANJO SOMBR.">>>
   WRITE(SAIDALSPACE 2) < 16(" "), "IAR", 15(" "), "VAR", 15(" "), "PAR">)
     FOR IT=1 STEP 1 UNTIL PS DO BEGIN
       WRITE(SAIDA><14(" ")>F7.3+×(" ")>F0.3+y(" ")>F9.4>.
                     ISH[I], VSM[I], PSH[I]);
       ENDJ
    END >
8
* DETERMINACAD DOS PARAMETROS GEOMETRICOS DO ARRANJO SOMBREADO
7
 WRITE(SAIDALSPACE 5] < " ">))
 IF PGAR EQL 1 THEN ELSE GO TO NPGAR;
WRITE(SAIDAESPACE 3) < "PARAM" GEOM" DO ARRANJO SOMBREADO" >>>
WRITE(SAIDALSPACE 2] < "PMAXTTTT= ">F7+3>>PMAXTTTT)
11=17
ARIIF ISMEN EQL O OR (ISMENI GEQ O AND ISMEI+1] LSS O)
      THEN VCAARI=VSM[I]
      ELSE BEGIN
        [1=[+1]
        GO TO ARJ
      FNDJ
 WRITE(SAIDA[SPACE 2]><"VCAAR# ">F8-3>>VCAAR);
 11=17
 ERIIF VSM[1] EQL O OR (VSM[1] LSS O AND VSM[1+1] GTR O)
```

```
THEN ICCART=ISM[I]
      ELSE BEGIN
        II=I+1}
        30 TO EK;
      ENDI
 KRITE(SAIDALSPACE 2) = <"ICCAR= ", F7.4> = ICLAR);
 11=17
 PMARI = 01
 IRIIF PSHELL LSS PMAR THEN
      ELSE BEGIN
        PMAR:=PSM[]])
        VMPAR = VSH[1];
        IMPAR:=ISM[]]
      ENDJ
 IF I EQL PS
   THEN BEGIN
     WRITE(SAIDALSPACE 2)><"PMAP= ">F9+4>>PMAR);
     WRITE(SAIDALSPACE 2] < "VMPAR= ">F8.3>>VMPAR);
     WRITE(SAIDALSPACE 2) < "IMPAR= ", F7.4>, IMPAR);
     PSAR:=100=((PMAR/PMAXTTTT)+100))
     WRITE(SAIDALSPACE 51/<"PSAR= "/F6.3/" $">/PSAR)
     PSAR1=PSAR+0.31
 WRITE(SAIDA[SPACE 5] < "PERDA POP SOMBRA NO P. ANTIG.=""FO.3" "%">>> P
   END
   ELSE BEGIN
     1:=1+12
     Gg Th IR;
   ENDI
  NPGAR $ END;
Ŷ.
9.
    ENTRADA DE DADOS
9
8
9
 WRITE(SAIDALSPACE 30) <" ">>>
                                             ARRANJO
                                                                ф Ф
 WRITE(SAIDA[SKIP 1]><35(" ")>"* * *
Ŷ
 WRITE(SAIDA) <"NUMERO DE SURMODULOS">);
 READ(TESTE3, <I4>, NSUB);
 WRITE(SAIDA[SPACE 2], <"NSUA= ", I2>, NSUB);
8
WRITE(SAIDA><"NUMERD DE CELULAS DAS CADEIAS">>>
 FOR It=1 STEP 1 UNTIL NSUB DO
READ(TESTE7 + < I4 > + NCEL[]);
                          **>> **NCEL **>> J
 WRITE(SAIDA, <"SUB", ("
 FOR II=1 STEP 1 UNTIL NSUB DO
                        ↓ ( NCEL[I] م] م<3 T م( ۳
   WRITE(SAIDA><I3>(*
WRITE(SAIDA(SPACE 2), <" ">);
WRITE(SAIDA><"CURRENTE MINIMA DA CADEIA">>>
READ(TESTE3) <F6.4>, ICI);
WRITE(SAIDA(SPACE 2), <"ICI= "PF6.4>PICI);
9
WRITE(SAIDA><"CORRENTE MAXIMA DA CADEIA">>>
READ(TESTE3, <F6.4>, ICF);
WRITE(SAIDALSPACE 2] < HICF= HAFO.4>ATCF);
WRITE(SAIDA <"INCREMENTO DE IC">>>
READ(TESTE3> < F6 . 4> , IIC) ;
```

```
- B.25 -
```

```
WRITE(SAIDALSPACE 2), <"IIC= "+FA.4>+IIC);
Ŷ.
 WRITE(SAIDA, <"INCREMENTD DF IC FSPECIAL">>>
 READ(TESTE3, <FO.4>, IICL);
 WRITE(SAIDA[SPACE 2], <"IICL= ", F6.4>, IICL);
Ŷ.
 WRITE(SAIDA, <"NUMERO DE TESTES">>>>
 READ(TESTE3, <I4>, NTEST);
 WRITE(SAIDALSPACE 2] <"NTEST= ",14>,NTEST);
Ŷ.
 WRITE(SAIDA, <"DELTA V DE REFERENCIA">>>
 READ(TESTE3, <F4, 1>, DV))
 WRITE(SAIDA[SPACE 3] < "DV" = F4 + 1 > + DV) +
8
 WRITE(SAIDA, <"ESCREVA 1 SE A CARACT. REVERSA E LINEAR">);
 READ(TESTE3, <I3>, RETA)J
 WRITE/SAIDALSPACE 3] < "RETA= "+I3> ARETA)
¥
  WRITE(SAIDA><"NUMERO ALEATORIO ENTRE 2 ± 18">);
  READ (TESTE3=<14>,X);
  WRITE(SAIDALSPACE 3]><"CHUTE INICIAL # ">14>,X);
9
 WRITE(SAIDA) < "ESCREVA 1 SE QUISER A CARACT. IV DE CADEIA">>>
 READ(TESTE3, <12>, CARAIV);
 WRITE(SAIDA[SPACE 3]><12>>CARAIV);
2
WRITE(SAIDA#<"CORRENTE INICIAL DA CELULA">>>
READ(TESTE3/<F5.3>, INI);
WRITE(SAIDALSPACE 3] < "INI= ",F5.3>, INI);
Ŷ
WRITE(SAIDA#<"INCREMENTO DE CORRENTE DA CELULA">);
READ(TESTE3/<F6+4>, IIN);
WRITE(SAIDALSPACE 3)><"IIU= ">F6.4>>IIN)}
Ŷ
WRITE(SAIDA) <"FAIXA ADMISSIVEL PARA CORRENTE DE CURTO CINCUITO",
              " DAS CELULAS">>>
 READ(TESTE3,<216.3>,ICCNMA,ICCUMI);
WRITE/SAIDA[SPACE 2] > <"ICCMAX= ">F6.3+"
                                            ", HICCHIN= "+F6+3++
         ICCNMAPTCCNMI) F
9.
WRITE(SAIDA) <"FAIXA ADMISSIVEL PARA TENSAD DE CIRCUITO ARERTO">
               " DAS CELULAS">))
READ(TESTE3, <2F6=3>, VCANMA, VCANMI);
 WRITE(SAIDA(SPACE 2]) < "VCAMAX= ">F6.3>" . ">"VCAMIN= ">F6.3>,
                       VCANHA, VCANMI);
8
WRITE(SAIDA, <"FAIXA ADMISSIVEL PARA CORRENTE DE MAXIMA POTENCIA">>>
 READ(TESTE3,<2F6,3>,IMPNMA,IMPNMI);
 WRITE(SAIDALSPACE 2] <"IMPNMAX= ".F6.3."
                                               ","IMPNMIN= ",F6+3>+
                         IMPNMADIMPNMIDJ
Ŷ
WRITE(SAIDA><"FAIXA ADMISSIVEL PARA TENSAŬ DE MAXIMA POTENCIA">>>
READ (TESTE3, <2F6.3>, VMPNMA, VMPNMI);
 WRITE(SAIDALSPACE 2] < "VMPMAX= ">F6.3>"
                                             "+"VMPMIN= "+F603"+
                          VMPNMA, VMPNMI);
X
 WRITE(SAIDA, <"FAIXA ADMISSIVEL PARA POTENCIA MAXIMA">);
READ(TESTE3, <2F6.3>, PMAXNMA, PMAXNMI);
                                              ">"РНАХМІ¤ ">F6₀3>,
 WRITE(SAIDA[SPACE 3] <"PMAXMA= ">F6.3>"
```

PHAXNHA, PHAXNHI); 9 READ(TESTE3,<3(F7.4),F9.2,2(E9.2)>, MIL . WRS . MLAMHDA . MLIO, MG . MGL ) ; WI=MYSELF.TASKVALUE; READ(TESTE3><3(F7.4)>F9.2+2(E9.2)>> DPIL, DPRS, DPLAMBDA, DPLIO, DPG, DPGL); WRITE(SAIDALSPACE 2) <10(" "), "MEDIA E DESVID PADRAD">); WRITE(SAIDA[SPACE 2), GL">); LIO ۳ > ΙL LAMBDA RS WRITE(SAIDA) <" H ">2(F7.4)>F8.4>F9.2>2(E9.2)>> MILPHRSPMLAMBDAPHLIOPMGPHGL); WRITE(SAIDALSPACE 5] =< DP"+2(F7.4) = F8.4 = F9.2 = 2(E9.2) > = DPIL, DPRS, DPLAMBDA, DPLIO, DPG, OPGL); Ŷ WRITE(SAIDA; <"ESCREVA 1 SE QUISER OS PARAMETROS DAS CELULAS">); READ (TESTE3, «I3>, PACE)) WRITE(SAIDA[SPACE 2] < "PACF= "+13>, PACE); Ŷ WRITE(SAIDA><"NUMERD DE CADEIAS PDR SUBMUDULD">>; READ(TESTE3, «I4>, NCAD); WRITECSAIDALSPACE 23#<"NCAD= "#I4>#NCAD)# 9 WRITE(SAIDA) <"TENSAD INICIAL DO SUBMODULU">); READ(TESTE3, <F6.2>, VSMI); WRITE(SAIDAESPACE 2] + (VSMT= "+F6.2>+VSM1); ÿ WRITE(SAIDA)<"TENSAD FINAL DO SUBMODULO">); READ(TESTE3, <F6.2>, VSMF)) WRITE(SAIDA[SPACE 2] < "VSMF = "+F6+2> + VSMF); Y WRITE(SAIDA><"INCREMENTO DA TEUSAD DO SUEMODULO">)} READ(TESTE3, <F6.3>, IVSM); WRITE(SAIDALSPACE 2] >< "IVSM= ">F6.3>> IVSM)> 9 WRITE(SAIDA><"INCREMENTO DE TENSAD ESPECIAL">>>> READ (TESTE3 > < F6 . 3 > > IVSME) ; WRITE(SAIDALSPACE 2] < "IVSME= ", F6.3>, IVSME); 9 WRITE(SAIDA><"DELTA I DE REFERENCIA">)} READ(TESTE3= <F0.3>DI)) WRITE(SAIDALSPACE 2] < "DI= ">FO.3>>DI)} X WRITE(SAIDA, «"ESCREVA 1 SE QUISER A CARACT. IV DE SUBMOD.">); READ(TESTE3, <12>, CIVSM)) WRITE(SAIDALSPACE 2) + <12 > + CIVSM)) Ŷ WRITE(SAIDA, <"CORRENTE INICIAL DU MODULO">); READ(TESTE3, <Fo.3>, IMI); WRITE(SAIDA[SPACE 2], <"IMI= ", F6.3>, IMI); Ŷ WRITE(SAIDA><"CORRENTE FINAL DO MODULO">>> READ(TESTE3, <F6.3>, IMF); WRITE(SAIDALSPACE 2] > ("IMF= ">F6.3>) IMF); 17 WRITE(SAIDA) <"INCREMENTO DE CORPENTE DO MODULO">>> READ(TESTE3, <F6.3>, IMODI); WRITE(SAIDA(SPACE 2) <"IMODI= ",F6.3>, IMUDI); X
KRITE(SAIDA; <"INCREMENTO DE CORRENTE ESPECIAL DU MUDULO">); READ(TESTE3, <F6, 3>, IMODE); WRITE(SAIDA[SPACE 2),<"IMODE= ",F6.3>,IMUDE); ۲ WRITE(SAIDA, <"DELTA VM DE PEFERENCIA">)) READ(TESTE3, <F6.3>, DVM)) WRITE(SAIDA[SPACE 2] = <"DYM= ".F6.3>, DVM); Ŷ WRITE(SAIDA, <"ESCREVA 1 SE QUISER A CARACTERISTICA IV DO MODULO">) READ(TESTE3, <13>, CARACM); WRITE(SAIDA[SPACE 5]><"CARACM= ">I3>>CARACM); 2 WRITE(SAIDA) <"TENSAD INICIAL DO ARRANJO">)) READ(TESTE3, <F6.2>, VARI)) WRITE(SAIDA[SPACE 2] < "VARY= ">F6.2>> VARI); Ŷ WRITE(SAIDA, <"TENSAD FINAL OD ARRANJO">); READ(TESTE3, <F6.2>, VARF) WRITE(SAIDA[SPACE 2] < "VARF= ">F6.2> / VARF); 2 WRITE(SAIDA) <"INCREMENTO DA TENSAO DO ARHANJO">); READ(TESTE3, <F6, 3> / IVAR) WRITE(SAIDALSPACE 2]><"IVARE ">F6.3>>IVAK); 9 WRITE(SAIDA+<"INCREM. DE TENSAR ESPECIAL DU ARRANJU">); READ(TESTE3, <F6.3>+IVARE); WRITE(SAIDALSPACE 2] < "IVARE= ", F6.3>, IVARE); 8 WRITE(SAIDA) <"DELTA I DE REFERENCIA DO AKRANJO">>> READ(TESTE3, <F6.3>DIAR); WRITE(SAIDA[SPACE 2] <"DIAR= ", F6.3>, DIAN); 9 FOR I 1=1 STEP 1 UNTIL HSUB DD READ(TESTE5+<12>+DS[1]); WRITE(SAIDA[SPACE 2] < "DIODOS SHUNT NOS SUBMODULOS">); DIODO">); SUB WRITE(SAIDA[SPACE 2] < " FOR I = 1 STEP 1 UNTIL NSUB DD "PIZ>PIPUSEIJ); WRITE(SAIDA, «" " » I 2 » " WRITE(SAIDA[SPACE 5]><" ">>> % WRITE(SAIDA/<"ESCREVA 1 SE QUISER OS PARAMETROS GEDM. DA CADEIA">>), READ(TESTE3, <I3>, PGCAD)} WRITE(SAIDA(SPACE 3] < "PGCAD= ", I3>, PGCAD); Ŷ WRITE(SAIDA, <"ESCREVA 1 SE QUISER DS PARAM& GEOM. DD SURMODULO">>> READ(TESTE3, <I3>, PGSUB); WRITE (SAIDA[SPACE 3] < "PUSUB# ", I3>, PGSUD); 4 WRITE(SAIDA, <"ESCREVA 1 SE QUISER OS PARAM» GEOM. DO MODULO">>> READ(TESTE3, <I3>, PGMOD); WRITE(SAIDA[SPACE 3]><"PGMOD= ">I3>>PGMOD); 9 WRITE(SAIDA) <"ESCREVA 1 SE QUISER OS PAR. GEOM. DO ARRANJO SOMBR."; READ(TESTE3, <13>, PGAR); WRITE(SAIDALSPACE 3]><"PGAR= ">13>>PGAR); 9 wRITE(SAIDA, <"ESCREVA 1 SE EXISTIR SOMBRA">); READ(TESTE3, <12>, COMSOM))

```
- B.28 -
```

```
WRITE(SAIDA[SPACE 3] < "C 'MSOM= ", I2>, COMSJM);
9
WRITE(SAIDA) <"ESCREVA 1 DE QUISÉR A CARACT. IV DO ARRANJO SOMBR.">))
 READ(TESTE3, <12>, CIVAR);
wRITE(SAIDALSPACE 3] < "CIVAR= ",13>,CIVAR);
9
 wRITE(SAIDA) <"NUMERD DE SECOES">>>
 READ(TESTE4, <13>, NSEC))
WRITE(SAIDA[SPACE 3] + <"NSEC= "+13++NSEC);
Ŷ
WRITE(SAIDA[SPACE 2]; <"NUMERD DE CELULAS DAS SECDES">);
FOR ISH1 STEP 1 UNTIL NSEC DO
  READ(TESTE4, <I3>, NCS(1))
FOR I #= 1 STEP 1 UNTIL NSEC DD
  READ(TESTE4, <F6, 2>, LSEC[I]);
 FOR I:=1 STEP 1 UNTIL NSEC DO
  WRITE(SAIDA><I3>4(" "),I3>,I>NCSEI));
 WRITE(SAIDALSPACE 3] + <" ">);
WRITE(SAIDALSPACE 2] < "COMPRIMENTO DAS SECOES">);
FOR I:=1 STEP 1 UNTIL NSEC DD
   WRITE(SAIDA><J3>4(".")>F6+2>>I>LSEC[]])>
WRITE(SAIDALSPACE 3] <" ">);
۶
WRITE(SAIDALSPACE 23/<"RAID DD MASTRO">>/
READ(TESTE4#<F5.2>#RM);
WRITE(SAIDALSPACE 3] < "RH= ">F5.2>>RH);
WRITE(SAIDALSPACE 2) <"INTERVALD ENTRE SECULS">);
READ(TESTE4, <F5.2>+INTSEC);
WRITE(SAIDALSPACE 3] < "INTSEC= ">F5.2>>INTSEC);
9
WRITE(SAIDALSPACE 2] < "ANGULO INICIAL">>>
READ(TESTE4, <F6, 1>, ANGI);
WRITE(SAIDALSPACE 3] + ("ANGI = "+F6.1> + ANGI)
9
WRITE(SAIDALSPACE 2) < "ANGULO FINAL">>ANGF);
READ(TESTE4, <F6.1>, ANGF);
WRITE(SAIDALSPACE 3] < "ANGF= "+F6.1>+ANGF);
ę
WRITE(SAIDA[SPACE 2] <"INCREMENTD DD ANGULU">>>
READ(TESTE4, <F6.1>, IANG);
WRITE(SAIDALSPACE 3] < "IMNG= ", F6.1>, IANU))
ý.
WRITE(SAIDA[SPACE 2], <"NUMERD DE SETORES">>>
READ(TESTE4#<13>#NSET);
WRITE(SAIDA[SPACE 3] ><"NSET= ">I3>>NSET);
9
WRITE(SAIDALSPACE 2) < "ALFA">);
READ (TESTE4, <14>, ALFA);
WRITE(SAIDA[SPACE 3] + <"ALFA= ", I4>+ALFA);
9.
WRITE(SAIDACSPACE 2) < "FATOR DE CORRECAO DE IL DEVIDO ALFA">);
READ(TESTE4+<F6.4>+CTC)]
WRITE(SAIDA[SPACE 3]><"CTC= ">F6.4>,CTC)>
9
WRITE(SAIDALSPACE 2) < "CENTRO DO MASTRO">)}
READ(TESTE4, <F6, 1>, CM);
WRITE(SAIDALSPACE 310<"CM= "+F6.1>+CM)}
9
```

```
FOR 1:=1 STEP 1 UNTIL 12 DO
   READ(TESTE0,<2F6,3>,VD1(T),ID1(I));
 IF COMSAM NEO 1 THER BEUIN
 NT1=1;
 FOR NYI=1 STEP 1 UNTIL NTEST DO BEGIN
     GERAMDD;
     AN[NT] = PDMOD;
    WRITE(SAIDALSKIP 1), <" ">))
   ENDI
  END
  ELSE BEGIN
    N11=1)
    FOR NT := ] STEP 1 UNTIL NTEST DD REGIN
    ARRANJD;
    AMENT] = PSARI
    WRITE(SAIDALSKIP 1]><" ">);
    ANGI:=ANGI+1.5;
    ANGFI=ANGF+1.5;
  ENDJ
 ENDI
Ŷ
* DETERMINACAO DA MEDIA E DESVIO PADRAD DA AMOSTRA
ø
 WRITE(SAIDALSKIP 1], <* *>);
 SAMITOF
 FOR II=1 STEP 1 UNTIL NTEST DO
   SAMI=SAM+AME1);
 MEDIA:=SAM/NTEST;
 DIFQ:=0;
 FOR I:=1 STEP 1 UNTIL NTEST DD
   BEGYN
     DIFQ:=DIFQ+((MEDIA=AM[]))**2);
     IF NTEST NEQ 1 THEN SIG:=(DIFQ/(NTES(=1))**0.5 ELSE SIG:=C)
  .END1
 WRITE(SAIDA[SPACE 10],<" ">);
 WRITE(SAIDALSPACE 5], <"MEDIA E DESVID PAURAD DA AMOSTRA">>>
WRITE(SAIDALSPACE 2], <"MEDIA= ",F6.3>>MEVIA);
 WRITE(SAIDAESPACE 5] + < "SIGHA= ", F6.3 > > SIG);
ENDO
```